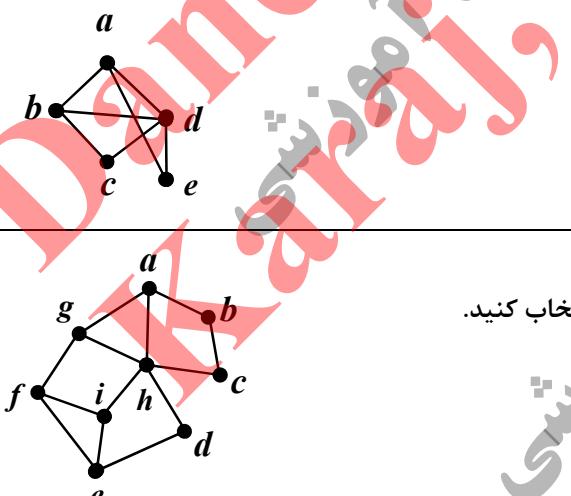


ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی:	رشته: رياضي فيزيک	سؤالات امتحان نهايی درس: رياضيات گستره
مدت امتحان: ۱۲۰ دقيقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۲۸	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پاييش كيفيت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر كشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)	نمره
------	---	------

۱	درست يا نادرست بودن جملات زير را مشخص کنيد. الف) اگر $a b$ و $b \neq 0$ ، در اين صورت $ a > b $. ب) برای دو عدد صحيح و ناصفر a و b اگر $(a c, b c)$ و $c \leq m$ باشد، آنگاه $a m, b m \Rightarrow a m, b m \Rightarrow c \leq m$. پ) برای هر دو عدد صحيح a و b و عدد طبیعی m ، اگر باقیمانده تقسیم a بر m مساوی با r باشد، در این صورت $a \equiv r \pmod{m}$. ت) بزرگ ترین مقسوم علیه مشترک دو عدد ۴ و ۲- برابر ۲- است.	۱
۱	ثابت کنيد برای هر عدد طبیعی $\underline{\text{زوج}} n^2 - 5n + 7$ عددی فرد است.	۲
۰/۷۵	اگر عددی مانند k در \mathbb{Z} باشد، به طوری که $5 4k+1$ ، ثابت کنید $25 16k^2 + 28k + 6$.	۳
۱	باقیمانده تقسیم عدد $A = 27^{20} + 18$ را برابر ۱۳ بیابید.	۴
۱/۲۵	اگر در یک سال، اول مهر شنبه باشد، در این صورت ۱۲ بهمن در همان سال چه روزی است؟	۵
۱	جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب پر کنید. الف) اگر درجه یک رأس فرد باشد، آن را رأس می نامیم. ب) گرافی را که تمام رئوس آن تنها باشد، هیچ یالی نداشته باشد، گراف می نامیم. پ) تعداد یال های گراف K_4 ، برابر با است. ت) گراف G را می نامیم هرگاه بین هر دو رأس آن حداقل یک مسیر وجود داشته باشد.	۶
۱	به سوالات زیر کوتاه پاسخ دهید. الف) گراف C_7 را درسم کنید. سپس یک مسیر به طول ۵ بنویسید. ب) در گراف شکل زیر، $N_G(c)$ را با اعضا مشخص کنید.	۷
۱/۲۵	 الف) مجموعه احاطه گر مینیمال را تعریف کنید. ب) برای گراف شکل رو به رو، یک مجموعه احاطه گر با ۴ عضو انتخاب کنید.	۸

ادامه سوالات در صفحه دوم

ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی:	رشته: رياضي فزيك	پايه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقيقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۲۸	تعداد صفحه: ۲	
مرکز سنجش و پاييش كيفيت آموزشی http://aee.medu.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر كشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)	نمره
------	---	------

۹	عدد احاطه‌گری گراف شکل مقابل را با ارائه راه حل، تعیین کنید.	۱/۲۵	
۱۰	ابتدا گراف P را رسم کنید. سپس یک مجموعه احاطه‌گر مینیمم از آن را مشخص کنید.	۱	
۱۱	گراف شکل مقابل را در نظر بگیرید. الف) یک γ -مجموعه مشخص کنید. ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال با ۴ عضو بنویسید.	۱/۵	
۱۲	۶ کتاب متفاوت تاریخ و ۵ کتاب متفاوت ادبیات را به چند طریق می‌توان در یک ردیف کنار هم چید به طوری که: الف) کتاب‌های تاریخ همواره کنار هم باشند. ب) به صورت یک در میان قرار بگیرند.	۱	
۱۳	با ارقام $1, 1, 1, 2, 3, 3, 5, 6, 7, 9$ چند عدد ۹ رقمی می‌توان نوشت؟	۱	
۱۴	معادله $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 12$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد به شرط آن که $x_3 = 4$ و $x_5 > 2$ باشد؟	۱/۵	
۱۵	الف) مربع لاتین A را در نظر بگیرید. با اعمال جایگشت $1 \rightarrow 3$, $2 \rightarrow 2$, $3 \rightarrow 4$, $4 \rightarrow 1$ مربع لاتین B را به دست آورید. ب) آیا دو مربع لاتین A و B متعامدند؟ دلیل بیاورید.	۲	
۱۶	به چند طریق می‌توان ۵ سیب را بین ۳ نفر توزیع کرد، به طوری که هر نفر حداقل یک سیب داشته باشد؟	۱/۲۵	
۱۷	ثابت کنید اگر در یک دبیرستان حداقل ۵۰۵ دانش آموز مشغول تحصیل باشند، لااقل ۷ نفر از آنها روز هفته و ماه تولدشان یکسان است.	۱/۲۵	
	جمع نمره	۲۰	"موفق باشید"

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۲۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) (ویژگی ۴ صفحه ۱۱) . ب) درست (۰/۲۵) (تعریف ک.م.صفحه ۱۳) ت) نادرست (۰/۲۵) (مثال صفحه ۲۱) . پ) درست (۰/۲۵) (تذکر مهم صفحه ۲۱)	۱
۲	$n = 2k \Rightarrow n^2 - 5n + 7 = \underbrace{4k^2 - 10k + 6}_{(0/5)} + 1 = \underbrace{2(2k^2 - 5k + 3)}_{(0/25)} + 1 = 2q + 1$ (مثال صفحه ۴)	۱
۳	$5 4k+1 \Rightarrow 25 16k^2 + 8k + 1 \quad (0/25) \xrightarrow{+} 25 16k^2 + 28k + 6 \quad (0/25)$ $5 4k+1 \Rightarrow 25 20k + 5 \quad (0/25)$ (سوال ۴ صفحه ۱۶)	۰/۷۵
۴	$27 = 13 \times 2 + 1 \Rightarrow 27 \equiv 1 \pmod{13} \quad (0/25)$, $18 = 13 \times 1 + 5, \quad 18 \equiv 5 \pmod{13} \quad (0/25)$ $\Rightarrow (27)^{13} + 18 \equiv 1 + 5 \quad (0/25) \Rightarrow r = 6 \quad (0/25)$ (مشابه مثال صفحه ۲۱)	۱
۵	فاصله ۱مهر تا ۱۲ بهمن برابر است با: $29 - 12 = 17$ روز در مهر ماه و سه ماه آبان، آذر و دی و ۱۲ روز تا ۱۲ بهمن، یعنی $29 + 3 \times 30 + 12 = 131$ (۰/۵). بنابراین طبق جدول زیر ۱۲ بهمن پنج‌شنبه است. (۰/۲۵)	۱/۲۵
۶	الف) فرد (۰/۲۵) (درجه یک رأس صفحه ۳۵) ب) تهی (۰/۲۵) (تعاریف گراف تهی صفحه ۳۵) پ) ۶ (۰/۲۵) (مشابه کار در کلاس صفحه ۴۰) . ج) ش (۰/۲۵)	۱
۷	الف) رسم گراف (۰/۲۵) . مسیر: $a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d \rightarrow e \rightarrow f \rightarrow g \rightarrow a$ (به سایر مسیرهای درست، نمره داده شود). ب) $N_G(c) = \{b, d\}$ (مشابه مثال صفحه ۳۶) . ج) یک مجموعه احاطه‌گر را که با حذف هر یک از رئوس آن دیگر احاطه‌گر نباشد را احاطه‌گر مینیممال می‌نامیم. (۰/۷۵)	۱
۸	الف) یک مجموعه احاطه‌گر را که با حذف هر یک از آن‌ها باید در مجموعه احاطه‌گر باشند، زیرا $2 \leq \gamma(G) \leq 3$ (۰/۴۶) ب) $D = \{h, b, i, a\}$ (به سایر مجموعه‌های احاطه‌گر صحیح، نمره داده شود). (۰/۵) (مشابه مثال صفحه ۴۵)	۱/۲۵
۹	برای احاطه کردن رئوس a, d, c, b, g حداقل دو تا از آن‌ها باید در مجموعه احاطه‌گر باشند، زیرا $2 \leq \gamma(G) \leq 3$ (۰/۲۵) برای احاطه کردن رئوس h, f, e حداقل یکی از آن‌ها باید انتخاب شوند، زیرا $1 \leq \gamma(G) \leq 2$ (۰/۲۵) . رأس باید در هر مجموعه احاطه‌گری از گراف باشد یعنی $\gamma(G) \geq 3$ (۰/۲۵) . مجموعه احاطه‌گر است. لذا $3 \leq \gamma(G) \leq 3$ (۰/۲۵) . بنابراین $\gamma(G) = 3$ (۰/۲۵) . ج) فعالیت صفحه ۵۰	۱/۲۵
ادامه پاسخ‌ها در صفحه دوم		

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۲۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	رسم گراف P_n صفحه ۳۸ و مشابه مثال صفحه ۵۱.	۱
۱۱	$D = \{2, 5, 8\}$ (در صورت ارائه مجموعه های مشابه با این ویژگی های نمره داده شود.)	۱/۵
۱۲	الف) $D = \{h, c, e\}$ (۰/۵) ب) $6! \times 5! \times 4!$ (۰/۵)	۱
۱۳	الف) $\frac{9!}{3! \times 2!}$ (۱)	۱
۱۴	(تمرین ۹ صفحه ۷۱)	۱/۵
۱۵	الف) $B = \begin{matrix} & 4 & 1 & 3 & 2 \\ 4 & & & & \\ 1 & 3 & 1 & 4 & \\ 3 & 2 & 4 & 1 & \\ 1 & 4 & 2 & 3 & \end{matrix}$ (۰/۷۵)	۲
۱۶	(مشابه کار در کلاس صفحه ۶۴)	۱/۲۵
۱۷	تعداد کبوترها = $50 \times 7 = 350$ و تعداد لانه ها = تعداد روزهای هفته \times تعداد ماه های سال. $n = 7 \times 12 = 84$ طبق معیمی اصل لانه کبوتری: $k + 1 = 7 \Rightarrow k = 6$ (۰/۲۵) در این صورت لانه ای وجود دارد که لااقل ۷ کبوتر در آن قرار می گیرند. یعنی حداقل ۷ نفر از دانش آموزان روز هفته و ماه تولدشان یکسان است. (۰/۲۵)	۱/۲۵
۲۰	جمع نمره	

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»