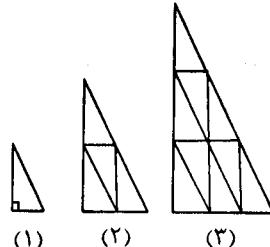
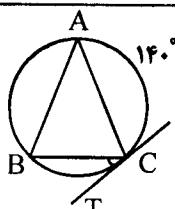


مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
۲	تعداد صفحه:	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سوارسرا کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۶			http://ace.medu.ir

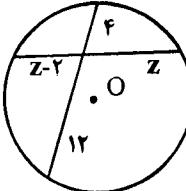
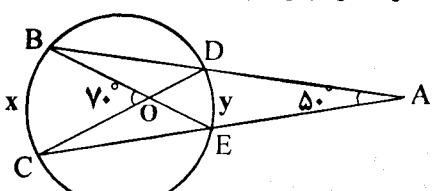
ردیف	ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	ردیف
		نمره	

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	۰/۷۵	مثلثهای شکل‌های ۱، ۲، ۳ با هم متشابه و مثلثهای کوچک همه با هم همنهشت هستند. رسم مثلثهای متشابه را تا چهارمین شکل ادامه دهید. سپس با توجه به شکل‌ها و با استفاده از استدلال استقرایی جدول زیر را کامل کنید.	<table border="1"> <tr> <td>۱</td><td>...</td><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr> <td>؟</td><td>...</td><td>؟</td><td>۹</td><td>۴</td><td>۱</td></tr> </table> 	۱	...	۴	۳	۲	۱	؟	...	؟	۹	۴	۱
۱	...	۴	۳	۲	۱										
؟	...	؟	۹	۴	۱										
۲	۱/۵	قضیه: ثابت کنید اگر در مثلثی دو ضلع نابرابر باشند، آنگاه زاویه مقابل به ضلع بزرگتر، بزرگتر است از زاویه مقابل به ضلع کوچکتر.													
۳	۱	در مثلث متساوی الساقین ABC، نقطه دلخواه P روی قاعده BC قرار دارد. ثابت کنید مجموع فاصله های نقطه P از دو ساق آن مقداری ثابت است.													
۴	۰/۷۵	سه پاره خط با طول های $x+7$ ، $6x$ و $(1-x)x$ داده شده اند. اگر مجموع این طول ها ۳۶ باشد، آیا این پاره خط ها می‌توانند ضلع های یک مثلث باشند؟ توضیح دهید.													
۵	۰/۷۵	قضیه: ثابت کنید هر نقطه روی نیمساز یک زاویه، از دو ضلع آن زاویه به یک فاصله است.													
۶	۰/۷۵	در سوالات زیر گزینه درست را انتخاب کنید. الف) نقطه هموسی میانه های مثلث، آن مثلث است. (۱) مرکز دایره محیطی (۲) مرکز دایرة محاطی خارجی (۳) مرکز دایرة محاطی داخلی (۴) مرکز ثقل ب) کمان در خور زاویه 90° درجه رو به رو به پاره خط AB، دایره ای به است. (۱) شعاع AB (۲) قطر AB (۳) مرکز AB (۴) مرکز A													
		ج) در دو دایره (O, R) و (O', R') با فرض $d = R + R'$ باشد، آنگاه وضع دو دایره نسبت به هم چگونه است؟													
۷	۰/۷۵	ثابت کنید در هر چهار ضلعی محاطی، زاویه های رو به رو مکمل یکدیگرند.													
۸	۰/۷۵	در شکل رو به رو، $AB = AC$ ، $CT = CT$ ، $AB \perp CT$. نقطه C و $\widehat{AC} = 140^\circ$ است. اندازه زاویه BCT را بیابید.													
		«دامنه سوالات در صفحه دوم»													



مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تعداد صفحه: ۹۶/۳/۱۶	تاریخ امتحان: ۹۶/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
مرکز سنجش آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در تقویت خرداد ماه سال ۱۳۹۶	۱۳۹۶		

ردیف	نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد)
۹	۲	با توجه به شکل‌های زیر اندازه x و y را در شکل (الف) و اندازه z را در شکل (ب) تعیین کنید.  
۱۰	۱	(الف) اندازه مماس مشترک خارجی در دو دایره (O, r) و (O', r') را با فرض $O O' = 10$ تعیین کنید. (ب) این دو دایره چند مماس مشترک خارجی دارند؟
۱۱	۱/۵	واژه‌های زیر را تعریف کنید: الف) ایزومتری (ب) دو خط متناظر (ج) صفحه عمود منصف یک پاره خط
۱۲	۰/۷۵	تحت تبدیل تجانس به مرکز ($0, 0$ ، نقطه A') روی نقطه ($2, 3$) A تصویر شده است، ضابطه تجانس را بنویسید و تعیین کنید این تجانس، انبساط است یا انقباض؟
۱۳	۱/۷۵	نقاط $(2, 0)$ ، $(0, 5)$ و $(5, 2)$ رأس‌های یک مثلث هستند. الف) مثلث و تصویرش را تحت تبدیل دوران $(x, y) \rightarrow (-y, x)$ رسم کنید. ب) طول و شیب ضلع AC و تصویرش را به دست آورده و با هم مقایسه کنید.
۱۴	۱	معادله تصویر خط $2x + y - 2 = 0$ تحت تبدیل انتقال $T(x, y) = (x + 4, y - 2)$ را به دست آورید.
۱۵	۱	در شکل روبه رو PR عمود منصف QS است. با استفاده از ویژگی‌های تبدیل بازتاب، ثابت کنید: $\hat{SPR} = \hat{QPR}$
۱۶	۱/۵	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با صفحه P موازی باشد، هر صفحه که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می‌کند.
۱۷	۱/۲۵	درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید: الف) حداقل چهار نقطه در فضا وجود دارد که بر یک صفحه قرار ندارد. ب) اگر خطی در صفحه‌ای قرار نداشته باشد، لزوماً آن را قطع نمی‌کند. ج) عکس قضیه تالس در فضا برقرار است. د) اگر خط L بر صفحه P عمود باشد، هر خطی که بر خط L عمود باشد با صفحه P موازی است. ه) فاصله یک نقطه از یک صفحه، کوتاهترین فاصله بین آن نقطه تا نقاط آن صفحه است.
۱۸	۱/۲۵	از نقطه A روی خط L ، صفحه‌ای بر خط L عمود کنید. (رسم شکل و توضیح روش رسم الزامی است.)
	۲۰	جمع نمره
		موفق باشید

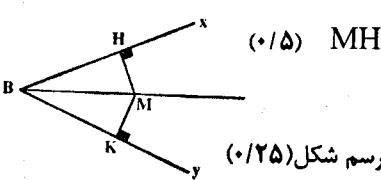
با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۶

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره								
۱	<table border="1"> <tr> <td style="text-align: right;">شماره شکل</td> <td>۱</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">تعداد مثلث های کوچک</td> <td>۱</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">(۰/۲۵)</td> <td>(۰/۲۵)</td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">رسم شکل (۰/۲۵)</td> <td>۲</td> </tr> </table>	شماره شکل	۱	تعداد مثلث های کوچک	۱	(۰/۲۵)	(۰/۲۵)	رسم شکل (۰/۲۵)	۲	۰/۷۵
شماره شکل	۱									
تعداد مثلث های کوچک	۱									
(۰/۲۵)	(۰/۲۵)									
رسم شکل (۰/۲۵)	۲									
۲	<p>فرض: $\hat{B} > \hat{C}$ و حکم: $AC > AB$</p> <p>برهان: چون طبق فرض $AC > AB$، بنابراین پاره خط AM را به اندازه AB روی AC جدا می کنیم و از نقطه M به B وصل می کنیم. چون $AM = AB$ پس مثلث ABM متساوی الساقین است، در نتیجه:</p> <p>(۱) از طرفی چون \hat{M}_1 یک زاویه خارجی مثلث MBC است. در نتیجه از هر یک از زاویه های داخلی غیر مجاورش بزرگتر خواهد بود.</p> <p>(۲) $\hat{M}_1 > \hat{C}$</p> <p>بازنگری به دو رابطه (۱) و (۲) خواهیم داشت:</p> <p>از طرفی نقطه M بین دو نقطه C و A واقع است، بنابراین BM نیم خطی داخل زاویه B است و در نتیجه زاویه \hat{B}_1 جزیی از زاویه B است،</p> <p>یعنی $\hat{B} > \hat{B}_1$ (۴) از مقایسه (۳) و (۴) نتیجه می شود:</p>	۰/۷۵								
۳	<p>فرض می کنیم در مثلث متساوی الساقین ABC و $CH = AC = a$، $AB = BC$ باشد،</p> <p>رأس A را به P وصل کرده عمود های PK و PK' را بر دو ساق مثلث رسم می کنیم (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین:</p> $S_{\triangle ABC} = S_{\triangle ABP} + S_{\triangle ACP} \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow \frac{1}{2} CH \times AB = \frac{1}{2} PK \times AB + \frac{1}{2} PK' \times AC \quad (۰/۲۵)$ $\frac{1}{2} CH \times a = \frac{1}{2} a(PK + PK') \Rightarrow CH = PK + PK' \quad (۰/۲۵)$	۱/۵								
	«ادامه در صفحه دوم»	۱۹								

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصویب سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۶

ردیف	ردیف	راهنمای تصویب	نمره
۴	۰/۷۵	$\begin{aligned} 6x &= 18 \\ 6x + (x+7) + 4(x-1) &= 36 \Rightarrow x = 3 \quad (0/25) \quad x+7 = 10 \\ 4(x-1) &= 8 \end{aligned}$ $\rightarrow 10 + 8 > 18 \quad (\text{غ}) \quad (0/25) \quad (0/25)$ <p>بنابراین با توجه به قضیه وجود مثلث، این سه پاره خط نمی توانند اضلاع یک مثلث باشند. (۰/۲۵) ص ۲۹</p>	
۵	۰/۷۵	<p>نقطه M را روی نیمساز زاویه \hat{XBY} در نظر می گیریم از M خطهایی بر ضلع های BX و BY و $\overset{\triangle}{BMK}$، $\overset{\triangle}{BMH}$ قطع کنند. دو مثلث قائم الزوایه MH = MK به حالت تساوی وتر و یک زاویه تند همنهشت هستند، پس</p>  <p>رسم شکل (۰/۲۵) ص ۳۴</p>	
۶	۰/۷۵	<p>الف) گزینه ۴ (۰/۲۵) ص ۳۶ ب) گزینه ۲ (۰/۲۵) ص ۶۴ ج) گزینه ۳ (۰/۲۵) ص ۵۴</p>	
۷	۰/۷۵	<p>باتوجه به قضیه زاویه محاطی داریم:</p> $\hat{B} + \hat{D} = \frac{\hat{ADC}}{2} + \frac{\hat{ABC}}{2} \quad (0/25) \Rightarrow \hat{B} + \hat{D} = \frac{360^\circ}{2} = 180^\circ \quad (0/25)$ $\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ \quad (0/25)$ <p>به روش مشابه ثابت می شود. (۰/۲۵)</p>	
۸	۰/۷۵	$AB = AC \Rightarrow \hat{AB} = \hat{AC}, \quad (0/25) \Rightarrow \hat{BC} = 80^\circ, \quad (0/25) \Rightarrow \hat{BCT} = 40^\circ \quad (0/25)$ <p>ص ۶۷</p>	
۹	۲	$\begin{cases} \frac{x+y}{2} = 70 \\ \frac{x-y}{2} = 50 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 120 \\ y = 20 \end{cases} \quad (0/5) \quad (0/5)$ <p>الف) ص ۷۱</p> $z(z-2) = 4 \times 12, \quad (0/5) \Rightarrow z^2 - 2z - 48 = 0 \Rightarrow z = -6, 8 \quad (0/25)$ <p>ب) ص ۷۸</p>	
۱۰	۱	<p>الف) $R = 7$</p> <p>ب) دو مماس $(0/25)$</p> $R' = 1 \Rightarrow TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2}, \quad (0/25), \quad TT' = \sqrt{10^2 - (7-1)^2}, \quad (0/25) \quad TT' = 8, \quad (0/25)$ $d = 10 \quad \text{ص ۸۱}$	
		<p>ادامه در صفحه سوم»</p>	

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت خود را ماه سال ۱۳۹۶

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	الف) تبدیلی که فاصله بین نقطه ها را حفظ کند، ایزو متري نامیده می شود. (۰/۵) ص ۸۹ ب) دو خط در فضای را که در یک صفحه قرار نمی گیرند، دو خط متناظر می نامیم. (۰/۵) ص ۱۳۴ ج) صفحه ای را که در وسط یک پاره خط بر آن عمود باشد، صفحه عمود منصف آن پاره خط می نامیم. (۰/۵) ص ۱۵۴	۱/۵
۱۲	$A(1, 2) \rightarrow A'(3, 6) \Rightarrow k = \frac{3}{1} = \frac{6}{2} = 3, (0/25) \Rightarrow D(x, y) = (3x, 3y), (0/25)$ تجانس، انبساط است. (۰/۲۵) ص ۱۱۴	۰/۷۵
۱۳	<p>الف) $R(x, y) = (-y, x)$</p> $\left. \begin{array}{l} A(2, 0) \rightarrow A'(0, 2) \\ B(5, 0) \rightarrow B'(0, 5) \\ C(5, 2) \rightarrow C'(-2, 5) \end{array} \right\} (0/25)$ <p>(ب) $AC = \sqrt{(5-2)^2 + (2-0)^2} = \sqrt{13}$</p> $\left. \begin{array}{l} A'C' = \sqrt{(-2-0)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{13} \\ m_{AC} = \frac{2-0}{5-2} = \frac{2}{3} \\ m_{A'C'} = \frac{5-2}{-2-0} = -\frac{3}{2} \end{array} \right\} (0/25) \Rightarrow AC = A'C' (0/25)$ <p style="text-align: right;">رسم شکل (۰/۵) ص ۱۰۷</p>	۱/۷۵
۱۴	$L : 2x + y - 2 = 0$ $T(x, y) = (x+4, y-2)$ $A(0, 2) \xrightarrow{T} A'(4, 0) (0/25)$ $B(1, 0) \xrightarrow{T} B'(5, -2) (0/25)$ $m' = \frac{-2-0}{5-4} = -2 (0/25) \Rightarrow L' : y - 0 = -2(x - 4) (0/25) \Rightarrow y = -2x + 8 (0/25)$	۱
۱۵	PR را به عنوان محور تقارن در نظر می گیریم. (۰/۲۵) تحت بازتاب نسبت به خط PR داریم: $\left. \begin{array}{l} S \rightarrow Q \\ P \rightarrow P \\ R \rightarrow R \end{array} \right\} (0/25) \Rightarrow \hat{SPR} \rightarrow \hat{QPR} (0/25)$ $\Rightarrow \text{اندازه زاویه تحت بازتاب ثابت می ماند.} (0/25)$ ص ۱۲۶	۱
	«ادامه در صفحه چهارم»	

باسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۶

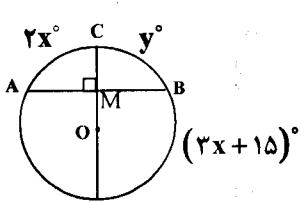
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	<p>برای اثبات این قضیه، دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضای دیده باشند.</p> <p>الف) خط L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه‌ای گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع می‌کند. (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>و L' هر دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی‌کنند. (۰/۲۵)</p> <p>زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می‌شود که خط L صفحه P را قطع می‌کند، که این خلاف فرض است. (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین، دو خط L و L' هر دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی‌کنند، پس باهم موازیند. (۰/۲۵)</p> <p>ب) خط L در صفحه P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه P' متمایز از P که از L می‌گذرد، صفحه P را در همان خط L قطع می‌کند. (۰/۲۵) و درستی قضیه روشن است. ص ۱۴۰</p>	۱/۵
۱۷	<p>الف) درست (۰/۲۵) ص ۱۳۱ ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۳۷ ج) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۴۵ ۵) درست (۰/۲۵) ص ۱۵۵ ۶) درست (۰/۲۵) ص ۱۵۶</p>	۱/۲۵
۱۸	<p>می‌توانیم از خط L بی‌شمار صفحه بگذرانیم. (۰/۲۵) دو صفحه متمایز از این صفحه‌ها را P_1 و P_2 می‌نامیم. از نقطه A در صفحه P_1 خط L_1 را عمود بر L رسم می‌کنیم (۰/۲۵). به طور مشابه، از نقطه A در صفحه P_2 خط L_2 را عمود بر L رسم می‌کنیم. (۰/۲۵) خط‌های L_1 و L_2 متقاطع‌اند. و خط L بر هر دوی آنها عمود است. طبق قضیه اساسی تعامل، خط L بر صفحه گذرنده از L_1 و L_2 نیز عمود است. (۰/۲۵) این صفحه همان صفحه مطلوب است. ص ۱۵۲</p>	۱/۲۵
	جمع نمره	۲۰

مصححین محترم: لطفاً به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با اسمه تعالی

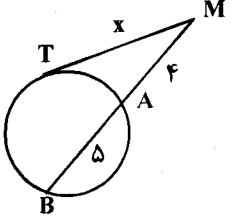
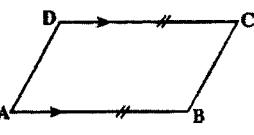
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	۱۳۹۵		
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		
	ردیف		

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	درستی یا نادرستی نتایج زیر را معلوم کنید. الف) هر مربعی متوازی الاضلاع است. چهار ضلعی ABCD مربع است. نتیجه: چهار ضلعی ABCD متوازی الاضلاع است. ب) دو مثلث دارای مساحت‌های برابر هستند. نتیجه: آن دو مثلث هم نهشت هستند. ج) چند صفحه در فضا روی دو خط ، پاره خط‌های متناظر متناسب ایجاد کرده‌اند. نتیجه: آن صفحه‌ها با هم موازیند. د) A و B دو نقطه متمایز از خطی، در یک صفحه می‌باشند. نتیجه: آن خط به تمامی در آن صفحه قرار می‌گیرد.	۱
۱	از تقاطع نیمسازهای زاویه‌های داخلی یک مستطیل، یک مربع پدید می‌آید. رابطه بین طول ضلع این مربع و اضلاع مستطیل را به دست آورید.	۲
۱/۲۵	عکس قضیه لولا: ثابت کنید اگر دو ضلع از مثلثی با دو ضلع از مثلث دیگر نظیر به نظر مساوی باشند و ضلع سوم مثلث اول بزرگتر از ضلع سوم مثلث دوم باشد، آنگاه زاویه بین دو ضلع از مثلث اول بزرگتر از زاویه بین دو ضلع نظیر از مثلث دوم است. (با استفاده از روش برهان خلف)	۳
۱	قضیه: ثابت کنید سه نیمساز زاویه‌های داخلی هر مثلث همومند.	۴
۱/۲۵	از مثلث $\triangle ABC$ اندازه‌های $b = AC$ و $c = AB$ و طول ارتفاع $h_a = AH$ معلوم است. مثلث رارسم کنید. (روش رسم را توضیح دهید)	۵
۱	ثابت کنید در یک دایره، کمانهای نظیر دو وتر مساوی با هم برابرند.	۶
۰/۷۵	قضیه: ثابت کنید طول مماسهای رسم شده بر یک دایره از هر نقطه خارج آن با هم برابرند.	۷
۱	در شکل زیر قطر CD در نقطه M بر وتر AB عمود است. $\widehat{BD} = (3x + 15)^\circ$ و $\widehat{BC} = y^\circ$ و $\widehat{AC} = 2x^\circ$ اگر x و y را محاسبه کنید. 	۸
	«ادامه پرسش‌ها در صفحه دوم»	

پاسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور درنوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف

۱	قضیه: ثابت کنید اندازه زاویه ای که از برخورد امتداد دو وتر از یک دایره پدید می‌آید، برابر قدر مطلق نصف تفاضل اندازه کمانهایی از آن دایره است که به ضلعهای آن زاویه محدودند.	۹
۰/۷۵		در شکل زیر مقدار α را به دست آورید.
۱/۵	ج) صفحه عمود منصف یک پاره خط ب) نگاشت الف) زاویه محاطی	واژه های زیر را تعریف کنید: ۱۱
۲	نقاط $O = (0, 0)$ و $P = (2, -6)$ و $Q = (1, 7)$ رأس های یک مثلث هستند. الف) ابتدا مختصات تصویر این نقاط را تحت تبدیل $R(x, y) = (-y, x)$ تعیین کنید. سپس نمودار مثلث OPQ و تصویرش $O'P'Q'$ را رسم کنید. ب) طول و شیب ضلع PQ از مثلث OPQ و ضلع $P'Q'$ از مثلث تصویر را به دست آورید و با هم مقایسه کنید.	۱۲
۱/۲۵	خط $x - 4y + 2 = 0$ مفروض است. معادله تصویر خط را تحت بازتاب نسبت به خط $y = -x$ به دست آورید.	۱۳
۱/۲۵		در چهار ضلعی $ABCD$ ، $AB \parallel DC$ و $AD \parallel BC$ با استفاده از تبدیل انتقال ثابت کنید: $AB=DC$ و $AD=BC$. ۱۴
۱/۵	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با صفحه P موازی باشد، هر صفحه که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می‌کند.	۱۵
۱/۲۵	اگر O نقطه‌ای خارج از صفحه‌ای مانند P باشد، ثابت کنید کلیه خطهای گذرنده از O که با P موازی هستند، دریک صفحه موازی P قرار دارند.	۱۶
۱/۲۵	اگر خط L بر صفحه P عمود باشد، ثابت کنید هر خطی که بر خط L عمود باشد با صفحه P موازی است.	۱۷
۲۰	جمع نمره	موفق باشید

با سمه تعالی

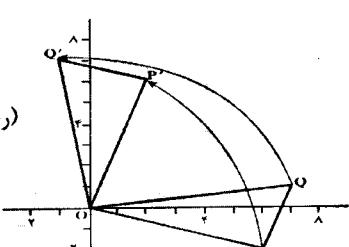
رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (۰/۲۵) ص ۲۰ ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۸ ج) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۴۵ د) درست (۰/۰) ص ۱۳۱	۱
۲	<p>در هر مثلث قائم الزاویه ضلع روبرو به زاویه 45° مساوی $\frac{\sqrt{2}}{2}$ وتر می باشد.</p> $\left\{ \begin{array}{l} \triangle DMC: \hat{D}_1 = 45^\circ \Rightarrow MC = \frac{\sqrt{2}}{2} DC \quad (0/25) \\ \triangle BNC: \hat{B}_1 = 45^\circ \Rightarrow NC = \frac{\sqrt{2}}{2} BC \quad (0/25) \end{array} \right.$ $\Rightarrow MN = MC - NC \quad (0/25) = \frac{\sqrt{2}}{2} DC - \frac{\sqrt{2}}{2} BC \quad (0/25) \Rightarrow MN = \frac{\sqrt{2}}{2} (DC - BC)$	۱
۳	<p>فرض کنیم $AB = ED, BC = EF, AC > DF$ برهان خلف: فرض می کنیم $\hat{B} > \hat{E}$</p> <p>حکم درست نباشد یعنی $\hat{B} \leq \hat{E}$</p> <p>(۱) اگر $\hat{B} = \hat{E}$ با توجه به فرض دو مثلث همنهشت می شوند.</p> <p>(۰/۰) $AC = DF$</p> <p>(۲) اگر $\hat{B} < \hat{E}$ با توجه به فرض و قضیه لولا نتیجه می شود:</p> <p>(۰/۰) $AC < DF$</p> <p>در هر دو حالت نتایج به دست آمده با فرض مسئله تناقض دارد. پس فرض خلف باطل است و حکم برقرار است.</p>	۱/۲۵
۴	<p>در مثلث ABC نیمسازهای زاویه های B و C را رسم می کنیم تا یکدیگر را در M قطع کنند. از M بر ضلع های AB و BC عمود می کنیم (۰/۲۵)</p> <p>تابه ترتیب آنها را در نقاط L, K, H قطع نمایند.</p> <p>روی نیمساز زاویه B است $M \Rightarrow MH = ML$ (۰/۰) $\Rightarrow ML = MK$ (۰/۰)</p> <p>روی نیمساز زاویه C است $M \Rightarrow MH = MK$ (۰/۰)</p> <p>بنابراین نقطه M روی نیمساز \hat{A} نیز قرار دارد. (۰/۰)</p> <p>یعنی M نقطه همسری هر سه نیمساز است.</p>	۱
	«ادامه در صفحه دوم»	

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>روش رسم: خط L را رسم می کنیم. روی نقطه دلخواه H از خط L عمود $AH = h_a$ را رسم می کنیم. (۰/۲۵)</p> <p>به مرکز A و به شعاع $AB=c$ دایره ای رسم می کنیم تا خط L را در نقاط B و B' قطع کند. (۰/۲۵)</p> <p>حال به مرکز A و به شعاع $AC=b$ دایره دیگری رسم می کنیم تا خط L را در نقاط C و C' قطع کند. (۰/۲۵)</p> <p>مثلث ABC مثلث مطلوب است.</p> <p>تذکر: (در صورتی که یکی از مثلث های $\triangle A'BC$, $\triangle ABC$, $\triangle AB'C$ مثلث مطلوب است.)</p> <p>رسم شکل (۰/۵) $\triangle A'BC$ یا $\triangle AB'C$ به عنوان جواب بیان شود، کافی است.</p> <p>ص ۴۲</p>	۱/۲۵
۶	<p>$\left\{ \begin{array}{l} OA = OC \\ OB = OD \end{array} \right. \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \triangle OAB \cong \triangle OCD \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$AB = BC \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \widehat{AB} = \widehat{CD} \quad (۰/۲۵)$</p>	۱
۷	<p>چون شعاع در نقطه تماس بر خط مماس عمود است نتیجه می گیریم: $\hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ$ (۰/۲۵)</p> <p>$\left\{ \begin{array}{l} \hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ \\ OT = OT' \end{array} \right. \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \triangle OMT \cong \triangle OMT' \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$OM = OM \quad (۰/۲۵) \Rightarrow MT = MT' \quad (۰/۲۵)$</p> <p>ص ۵۱</p>	۰/۷۵
۸	<p>$\frac{2x + (3x + 15)}{2} = 90^\circ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = 33^\circ \quad (۰/۲۵) \quad y = 2x \quad (۰/۲۵) \Rightarrow y = 66^\circ \quad (۰/۲۵)$</p> <p>ص ۷۲</p>	۱
۹	<p>امتداد وتر های AA' و BB' از دایره M در نقطه C در دایره M یکدیگر را قطع کرده اند. پاره خط AB را رسم می کنیم. (۰/۲۵)</p> <p>$\hat{AMB}' = \hat{B'AM} + \hat{AMB}$ (زاویه خارجی مثلث $\triangle AMB'$) (۰/۲۵)</p> <p>$\Rightarrow \hat{AMB}' = \hat{B'AM} - \hat{B'AM} = \frac{\widehat{AB}}{2} - \frac{\widehat{A'B'}}{2} \quad (۰/۵)$</p> <p>$\Rightarrow \hat{AMB} = \hat{AMB}' = \frac{ \widehat{AB} - \widehat{A'B'} }{2} \quad (۰/۵)$</p> <p>ص ۶۹</p>	۱
	«دامه در صفحه سوم»	

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	$M\Gamma^2 = MA \times MB \quad (./25) \Rightarrow x^2 = 4 \times 9 \quad (./25) \Rightarrow x = 6 \quad (./25)$	۷۸ ص
۱۱	الف) زاویه ای که راسش روی دایره و ضلعهایش دو وتر از دایره باشند، زاویه محاطی نامیده می شود. (۰/۵) ص ۵۶ ب) یک نگاشت از D به R ، یک عمل نظیر سازی است که به هر عضو مجموعه D یک و تنها یک عضو از مجموعه R را نظری می کند. (۰/۵) ص ۸۴ ج) صفحه ای را که در وسط یک پاره خط، بر آن عمود باشد، صفحه عمود منصف آن پاره خط، می نامیم. (۰/۵) ص ۱۵۴	۱/۷۵
۱۲	$R(x,y) = (-y, x)$ $O(0,0) \rightarrow O'(0,0)$ $P(6,-2) \rightarrow P'(2,6) \quad (./5)$ $Q(7,1) \rightarrow Q'(-1,7)$ $ PQ = \sqrt{(7-6)^2 + (1+2)^2} = \sqrt{10} \quad (./25)$ $ P'Q' = \sqrt{(-1-2)^2 + (7-6)^2} = \sqrt{10} \Rightarrow PQ = P'Q' \quad (./25)$ $m_{PQ} = \frac{1+2}{7-6} = 3, m_{P'Q'} = \frac{7-6}{-1-2} = -\frac{1}{3} \quad (./25)$  (رسم شکل (۰/۵))	۱/۷۵
۱۳	$L: 2x - y + 4 = 0$ $R(x,y) = (-y, -x) \quad (./25)$ $A(0, 4) \xrightarrow{R} A'(-4, 0) \quad (./25)$ $B(-2, 0) \xrightarrow{R} B'(0, 2) \quad (./25)$ $m' = \frac{2-0}{0-(-4)} = \frac{1}{2} \quad (./25) \Rightarrow L': y - 0 = \frac{1}{2}(x + 4) \quad (./25) \Rightarrow y = \frac{1}{2}x + 2$	۱/۲۵
۱۴	بردار \overrightarrow{AB} را به عنوان بردار انتقال در نظر می گیریم. (۰/۲۵) چون DC و AB موازی و مساویند. بنابراین تحت این انتقال: $A \rightarrow B$ و $D \rightarrow C$ (۰/۲۵) $\Rightarrow AD \rightarrow BC \quad (./25)$ و چون انتقال ایزومتری است (۰/۲۵) و شیب خط را حفظ می کند (۰/۲۵) پس: $AD = BC$ و $AD \parallel BC$	۱/۲۵
	«ادامه در صفحه چهارم»	

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۶/۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داد طلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۵	<p>برای اثبات این قضیه، دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضای دنظر می گیریم.</p> <p>(الف) خط L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع می کند. (۰/۲۵)</p> <p>L و L' دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی کنند. (۰/۲۵)</p> <p>زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می شود که خط L صفحه P را قطع می کند، که این خلاف فرض است. (۰/۲۵)</p> <p>پس باهم موازیند. (۰/۲۵)</p> <p>(ب) خط L در صفحه P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه P' متمایز از P که از L می گذرد، صفحه P را در همان خط L قطع می کند. (۰/۲۵) و درستی قضیه روشن است. ص ۱۳۹</p>	۱/۱۵
۱۶	<p>دو خط AX و AY را در صفحه P در نظر می گیریم. (۰/۲۵)</p> <p>از نقطه O خطوط OX' و OY' را موازی خطوط AX و AY رسم می کنیم سپس صفحه Q گذرنده از دو خط OX' و OY' را رسم می نماییم (۰/۲۵) بنابراین صفحه P با صفحه Q موازی خواهد بود. (۰/۲۵)</p> <p>هر خطی که از نقطه O بگذرد و با صفحه P موازی باشد در صفحه Q قرار می گیرد (۰/۲۵)</p> <p>زیرا در غیراین صورت صفحه Q را قطع می کند. بنابراین صفحه P را که موازی با صفحه Q است نیز قطع می کند. (۰/۲۵) ص ۱۴۷</p>	۱/۱۲۵
۱۷	<p>خط L را عمود بر صفحه P و خط L' را عمود بر خط L در نظر می گیریم.</p> <p>صفحة شامل L و L' را Q می نامیم. (۰/۲۵) فصل مشترک P و Q را L_1 می نامیم. (۰/۲۵) بنابراین:</p> $L \perp L' \Rightarrow L \parallel L' \Rightarrow L' \parallel P \quad (۰/۵)$ <p>يعني L' با يكى از خطوط صفحه P موازى است. پس با P موازى است. (۰/۲۵) ص ۱۵۵</p>	۱/۱۲۵
۲۰	جمع نمره	

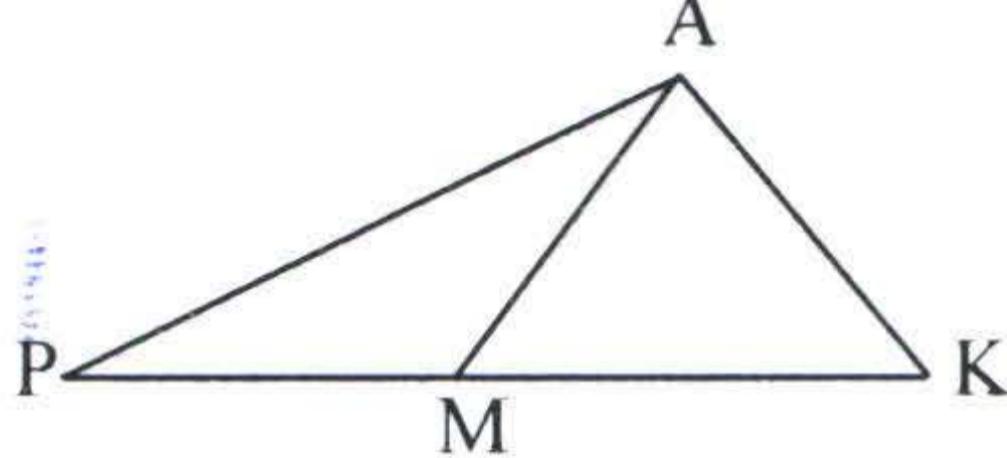
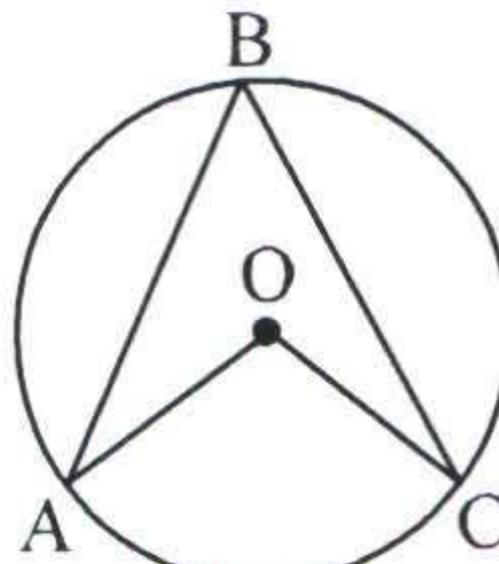
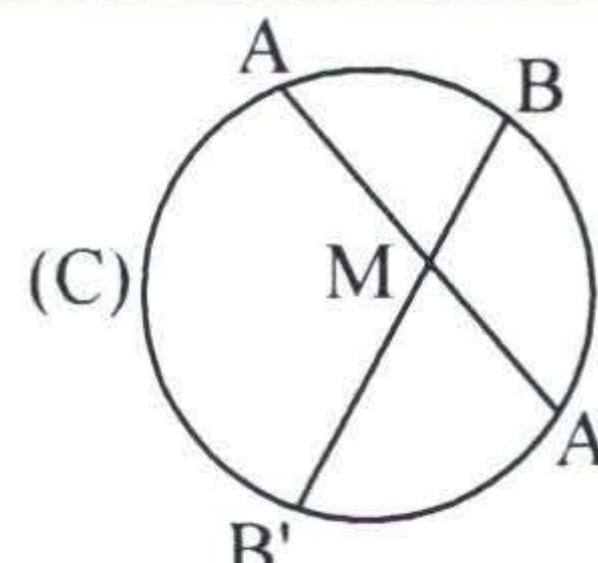
مصححین محترم: لطفا به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

باسم‌هه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه(۲)
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۹۵/۲/۳۰	
دانش آموزان روزانه، بزرگ‌سال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵		مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	<p>الف) یک مثلث متساوی الاضلاع را در نظر بگیرید. وسط ضلع ها را پیدا کرده و به هم وصل کنید. ب) سه مثلثی را که در گوشه ها ایجاد می شوند، نگه دارید و مثلث میانی را با سیاه کردن حذف کنید. ج) اگر مساحت مثلث در مرحله صفر برابر ۱ باشد، مساحت باقی مانده را در مراحل بعد با استفاده از استدلال استقرایی به دست آورید و جدول مقابل را کامل کنید. (در مرحله ۲ شکل رارسم کنید.)</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>n</th><th>...</th><th>2</th><th>1</th><th>۰</th><th>مرحله</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>?</td><td>...</td><td>?</td><td>?</td><td>۱</td><td>مساحت باقی مانده</td></tr> </tbody> </table>	n	...	2	1	۰	مرحله	?	...	?	?	۱	مساحت باقی مانده	۱
n	...	2	1	۰	مرحله									
?	...	?	?	۱	مساحت باقی مانده									
۱	با استفاده از استدلال استنتاجی ثابت کنید مجموع فاصله های هر نقطه درون مثلث متساوی الاضلاع از سه ضلع آن مقداری ثابت است. سپس آن مقدار ثابت را به دست آورید.	۲												
۱/۲۵	قضیه: ثابت کنید در هر مثلث، مجموع طول های هر دو ضلع از طول ضلع سوم بزرگتر است.	۳												
۱	 <p>در مثلث PAK، نقطه M روی ضلع PK قرار دارد. ثابت کنید اگر $PM=AK$ آنگاه $AP > MK$.</p>	۴												
۰/۷۵	مکان هندسی نقطه ای از صفحه را پیدا کنید که از یک خط داده شده L به فاصله $\frac{1}{2}$ باشد.	۵												
۰/۵	<p>در سوالات زیر گزینه درست را انتخاب کنید:</p> <p>الف) مرکز دایره محاطی داخلی هر مثلث، محل برخورد آن مثلث است.</p> <p>۱) ارتفاع های اضلاع ۲) عمود منصف های اضلاع ۳) نیمسازهای زاویه های درونی ۴) میانه های اضلاع</p> <p>ب) مرکز دایره محیطی هر مثلث، محل برخورد آن مثلث است.</p> <p>۱) ارتفاع های اضلاع ۲) عمود منصف های اضلاع ۳) نیمسازهای زاویه های درونی ۴) میانه های اضلاع</p>	۶												
۱/۲۵	قضیه: ثابت کنید اندازه هر زاویه ظلی، برابر با نصف کمان رو به روی آن است.	۷												
۱	 <p>در دایره به مرکز O، اگر $\hat{ABC} = (\alpha + 12)$ و $\hat{AOC} = (3\alpha + 12)$ باشد، مقدار α و اندازه زاویه مرکزی AOC و محاطی ABC را محاسبه کنید.</p>	۸												
۱	 <p>قضیه: از نقطه M واقع در داخل دایره (C) دو وتر دلخواه AA' و BB' رسم شده اند، ثابت کنید: $MA \times MA' = MB \times MB'$</p>	۹												
	«ادامه پرسش ها در صفحه دوم»													

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه(۲)
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	تاریخ امتحان: ۹۵/۲/۳۰	سال سوم آموزش متوسطه
تعداد صفحه: ۲	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵		نام و نام خانوادگی:
http://aee.medu.ir		دروازه آموزش آنلاین

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	مقدار x را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک داخلی دو دایره به شعاع های ۲ و ۳ و خط مرکزین $d = 13$ ، برابر $-8 - 5x$ باشد.	۰/۷۵
۱۱	واژه های زیر را تعریف کنید: الف) چند ضلعی محاطی ج) دو خط متناصر	۱/۵
۱۲	تحت یک انتقال نقطه $(-1, 3)$ روی نقطه $(-2, 1)$ تصویر شده است ، ضابطه نگاشت انتقال را بنویسید.	۰/۷۵
۱۳	نقاط $(1, 2), A(1, 1), B(1, 0), C(0, 1)$ و $D(0, 0)$ رأس های یک مربع هستند. الف) مربع $ABCD$ و تصویر مجانس آن را با در نظر گرفتن $O(0, 0)$ به عنوان مرکز تجانس و عدد ۲ به عنوان مقیاس تجانس ، رسم کنید. ب) نسبت مساحت تصویر مربع $ABCD$ را به مساحت مربع $ABCD$ بنویسید. ج) این تجانس انقباض است یا انبساط ؟	۱/۵
۱۴	تحت یک باز تاب ، تصویر خط $x + y - 3 = 0$ ، خط $x + y + 3 = 0$ است ، معادله محور تقارن را بنویسید.	۱
۱۵	مثلث ABC متساوی الاضلاع است و $BD=CE$. با استفاده از ویژگیهای تبدیل دوران، ثابت کنید: $AD=BE$.	۱/۲۵
۱۶	درستی و یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید: الف) اگر دو نقطه متمایز از خطی، در یک صفحه باشند، آن خط به تمامی در آن صفحه قرار می گیرد. ب) اگر سه خط L_1, L_2, L_3 دو به دو متقاطع باشند، این سه خط لزوماً در یک صفحه قرار دارند. ج) قضیه تالس در فضای یک قضیه دو شرطی است. د) در فضای اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند، لزوماً دیگری را هم قطع می کند. ه) اگر خطی بر صفحه ای عمود باشد، بر هر خط از آن صفحه نیز، عمود است.	۱/۲۵
۱۷	قضیه: ثابت کنید اگر خطی با دو صفحه متقاطع، موازی باشد، آنگاه با فصل مشترک آنها موازی است.	۱/۲۵
۱۸	از نقطه A روی خط L ، صفحه ای برخط L عمود کنید. (رسم شکل و توضیح روش رسم ، الزامی است.)	۱/۲۵
۱۹	ثابت کنید که ، فاصله یک نقطه از یک صفحه ، کوتاهترین فاصله بین آن نقطه تا نقاط آن صفحه است.	۰/۷۵
۲۰	موفق باشید	جمع نمره

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۲/۳۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره												
۱	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td><td>...</td><td>۲</td><td>۱</td><td>۰</td><td>مرحله</td></tr> <tr> <td>$\left(\frac{3}{4}\right)^n$</td><td>...</td><td>$\left(\frac{3}{4}\right)^2$</td><td>$\frac{3}{4}$</td><td>۱</td><td>مساحت</td></tr> </table> <p style="text-align: center;">(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	n	...	۲	۱	۰	مرحله	$\left(\frac{3}{4}\right)^n$...	$\left(\frac{3}{4}\right)^2$	$\frac{3}{4}$	۱	مساحت	۱
n	...	۲	۱	۰	مرحله									
$\left(\frac{3}{4}\right)^n$...	$\left(\frac{3}{4}\right)^2$	$\frac{3}{4}$	۱	مساحت									
۱	<p>فرض کنیم M نقطه‌ای دلخواه درون مثلث متساوی الاضلاع ABC باشد. از M به رأس‌های A, B, C وصل می‌کنیم.</p> <p>اگر AH ارتفاع مثلث ABC و MH_1, MH_2, MH_3 فاصله‌های نقطه M از سه ضلع مثلث باشد. (۰/۲۵)</p> <p>آنگاه:</p> <p>$S_{\triangle ABC} = S_{\triangle BMC} + S_{\triangle AMB} + S_{\triangle AMC}$ (۰/۲۵)</p> <p>$\frac{1}{2} AH \times BC = \frac{1}{2} MH_1 \times BC + \frac{1}{2} MH_2 \times AB + \frac{1}{2} MH_3 \times AC$ (۰/۲۵)</p> <p>چون که $AB = AC = BC$ پس $AH = MH_1 + MH_2 + MH_3$ بنابراین مجموع فواصل نقطه M از اضلاع مثلث، مقدار ثابت AH می‌باشد. ص ۲۱</p>	۲												
۱/۲۵	<p>برهان: ضلع BC را از راس B امتداد می‌دهیم و به اندازه AB روی آن جدا می‌کنیم تا نقطه D به دست آید.</p> <p>سپس D را به A وصل می‌کنیم. (۰/۲۵) بنا براین در مثلث ABD داریم:</p> <p>$BD = AB \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A}_1$ (۰/۲۵)</p> <p>$DC = DB + BC \Rightarrow DC = AB + BC$ (۰/۲۵)</p> <p>همچنین در مثلث ADC داریم:</p> <p>با توجه به شکل $D \hat{A} C > \hat{A}_1 = \hat{D}_1$ (۰/۲۵) در نتیجه بنابر قضیه: $DC > AC$ (۰/۲۵) بنابراین $AB + BC > AC$ ص ۲۵</p>	۳												
۱	<p>$\triangle AMP, \triangle MK : \quad PM = AK$</p> <p>$AM = AM$</p> <p>$\hat{M}_1 > \hat{A}_1$</p> <p>$\left. \begin{array}{l} PM = AK \\ AM = AM \\ \hat{M}_1 > \hat{A}_1 \end{array} \right\} \xrightarrow{(۰/۷۵)} AP > MK$</p> <p>با توجه به قضیه لولا (۰/۲۵)</p>	۴												
	«ادامه در صفحه دوم»	۲۹												

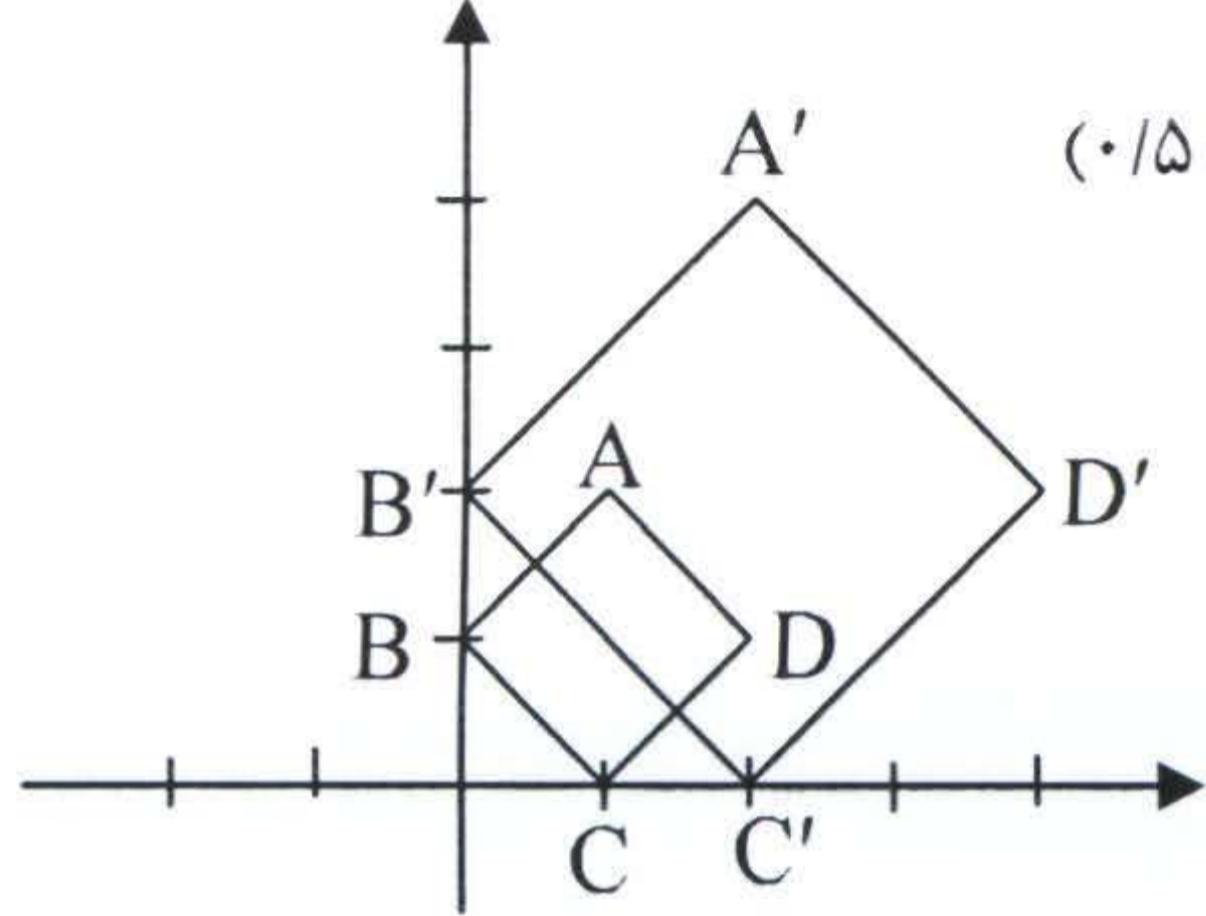
با اسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۲/۳۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>مکان هندسی مطلوب دو خط راست به موازات خط L و به فاصله $\frac{1}{2}$ از آن می باشد. (۰/۲۵)</p> <p>(رسم شکل (۰/۵))</p> <p>ص ۳۴</p>	۰/۷۵
۶	<p>الف) گزینه ۳ (۰/۲۵) ص ۵۳ ب) گزینه ۲ (۰/۲۵) ص ۵۹</p>	۰/۵
۷	<p>زاویه ظلی $B\hat{A}T$ را در دایره به مرکز O در نظر می گیریم. قطر AD از این دایره را رسم می کنیم و از D به نقطه B وصل می نماییم. زاویه $A\hat{B}D$ محاطی رو به رو به قطر مساوی 90° است. پس: (۱) $(0/25)$ $A\hat{D}B + D\hat{A}B = 90^\circ$ ، از طرفی: (۲) $(0/25)$ $D\hat{A}B + B\hat{A}T = 90^\circ$ $\Rightarrow A\hat{D}B + B\hat{A}T = 90^\circ$ $\Rightarrow A\hat{D}B = B\hat{A}T$ (۰/۰) اما می دانیم $B\hat{A}T = A\hat{D}B$ پس: (۰/۰) از رابطه (۱) و (۲) نتیجه می شود:</p> <p>ص ۵۳</p>	۱/۲۵
۸	<p>$A\hat{B}C = \frac{\widehat{AC}}{2}$ $A\hat{O}C = \widehat{AC}$ $\Rightarrow \alpha + 16 = \frac{3\alpha + 12}{2} \Rightarrow \alpha = 20$ (۰/۲۵) $\Rightarrow A\hat{B}C = 36^\circ$ (۰/۲۵) $A\hat{O}C = 72^\circ$</p> <p>ص ۶۷</p>	۱
۹	<p>برهان: از A به A' و از B به B' وصل می کنیم، دو مثلث AMB' و BMA' متشابه اند. (۰/۲۵) زیرا:</p> <p>$A\hat{M}B' = A'\hat{M}B$ $\frac{MA}{MB} = \frac{MA'}{MB'} \Rightarrow MA \times MA' = MB \times MB'$</p> <p>ص ۷۴</p>	۱
۱۰	<p>$R = ۲$ $R' = ۳$ $TT' = \sqrt{d^2 - (R + R')^2}$ $(0/25)$ $d = ۱۳$</p> <p>$5x - 8 = \sqrt{13^2 - (2+3)^2}$ $5x - 8 = \sqrt{169 - 25} = \sqrt{144} = 12$ $(0/25) \Rightarrow x = 4$ $(0/25)$</p> <p>ص ۸۲</p>	۰/۷۵
	«ادامه در صفحه سوم»	

با اسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۲/۳۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	الف) اگر همه رأسهای یک چند ضلعی روی یک دایره قرار داشته باشند، آن چند ضلعی محاطی نامیده می شود. (۰/۵) ص ۵۸ ب) تبدیلی که فاصله بین نقطه ها را حفظ کند، ایزومتری نامیده می شود. (۰/۵) ص ۸۹ ج) دو خط در فضای که در یک صفحه قرار نمی گیرند، دو خط متناور، می نامیم. (۰/۵) ص ۱۳۴	۱/۵
۱۲	$T(x, y) = (x + h, y + k)$ $T(3, -1) = (3 + h, -1 + k) = (-2, 1)$ (۰/۲۵) $\Rightarrow h = -5$ (۰/۲۵), $k = 2$ (۰/۲۵) ۹۴ ص	۰/۷۵
۱۳	رسم شکل (۰/۵)  ج) این تجانس، انبساط است. (۰/۲۵) ۱۱۷ ص	۱/۵
۱۴	$L: x + y - 3 = 0 \Rightarrow m_1 = -1$ $L': x + y + 3 = 0 \Rightarrow m_2 = -1$ } $\Rightarrow m_1 = m_2 \Rightarrow m = -1$ (۰/۲۵) $A(0, 3) \in L$ $B(0, -3) \in L'$ } $\Rightarrow M \left \begin{array}{l} x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{0+0}{2} = 0 \\ y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = \frac{3+(-3)}{2} = 0 \end{array} \right.$ (۰/۵) $\Rightarrow y - y_M = m(x - x_M) \Rightarrow y = -x$ (۰/۲۵) ص ۱۲۲	۱
۱۵	می دانیم در مثلث متساوی الاضلاع محل برخورد نیمسازهای زوایای داخلی، مرکز ثقل مثلث می باشد. بنابراین: مرکز ثقل مثلث را مرکز دوران (۰/۲۵) و زاویه 120° را به عنوان زاویه دوران در نظر می گیریم. (۰/۲۵) تحت این تبدیل خواهیم داشت: $A \rightarrow B$ $D \rightarrow E$ } (۰/۲۵) $\Rightarrow AD \rightarrow BE$ (۰/۲۵) چون دوران یک ایزومتری است، پس: $AD = BE$ (۰/۲۵) ۱۲۶ ص	۱/۲۵
	«ادامه در صفحه چهارم»	

باسم‌هه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۲/۳۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشون نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵
ردیف	ردیف
نمره	راهنمای تصحیح
۱/۲۵	<p>۱۴۵) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۳۸</p> <p>۱۵۰) درست (۰/۲۵) ص ۱۴۷</p> <p>الف) درست (۰/۲۵) ص ۱۳۱</p> <p>د) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۴۷</p> <p>فرض می کنیم خط L موازی دو صفحه متقاطع P و P' باشد. از یک نقطهٔ فصل مشترک مانند A خط L' را موازی L رسم می کنیم. (۰/۲۵) چون خط L با صفحه P موازی است، خط L' به تمامی در صفحه P قرار دارد. (۰/۵) با استدلالی مشابه خط L' به تمامی در صفحه P' قرار دارد. (۰/۲۵) پس L' همان فصل مشترک دو صفحهٔ متقاطع P و P' است که با خط L نیز موازی است. (۰/۲۵) ص ۱۴۱</p>
۱/۲۵	<p>۱۴۱) همان فصل مشترک دو صفحهٔ متقاطع P و P' است که با خط L نیز موازی است. (۰/۲۵) ص ۱۴۱</p> <p>می توانیم از خط L بی شمار صفحه بگذرانیم. (۰/۲۵) دو صفحهٔ متمایز از این صفحه ها را P_1 و P_2 می نامیم. از نقطه A در صفحه P_1، خط L_1 را عمود بر L رسم می کنیم (۰/۲۵). به طور مشابه، از نقطه A در صفحه P_2، خط L_2 را عمود بر L رسم می کنیم. (۰/۲۵) خط های L_1 و L_2 متقاطع‌اند و خط L بر هر دوی آنها عمود است. طبق قضیهٔ اساسی تعامد، خط L بر صفحه گذرنده از L_1 و L_2 نیز عمود است. (۰/۲۵) این صفحه همان صفحهٔ مطلوب است. ص ۱۵۲</p>
۰/۷۵	<p>چون AB عمود بر صفحه P است و C نقطه دلخواهی روی صفحه P می باشد، پس:</p> <p>در صفحه گذرنده از سه نقطهٔ غیر واقع بر خط راست A و B و C داریم: (۰/۲۵)</p> $\triangle ABC: C \hat{<} B \quad (۰/۲۵) \Rightarrow AB \hat{<} AC \quad (۰/۲۵)$ <p>ص ۱۵۶</p>
۲۰	جمع نمره

مصححین محترم: لطفاً به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با سمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس : هندسه(۲)

نام و نام خانوادگی :

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه

ساعت شروع: ۸ صبح

رشته : ریاضی فیزیک

تعداد صفحه:

۹۴/۶/۱۴

سال سوم آموزش متوسطه

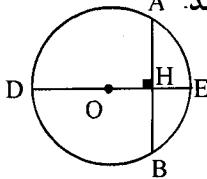
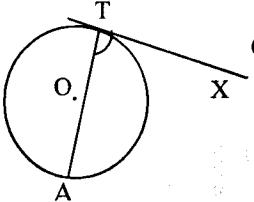
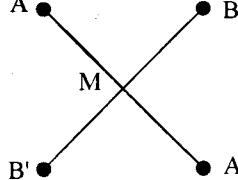
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴
مرکز سنجش آموزش و پژوهش
<http://aee.medu.ir>

نمره

سؤالات (پاسخ نامه دارد)

ردیف

توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.

۰/۷۵	وسط ضلع های چهارضلعی های زیرا به طور متوالی به هم وصل کنید و با استفاده از استدلال استقرایی ، ویژگی های شکل حاصل را حدس بزنید . الف) مستطیل ب) مربع ج) متوازی الاضلاع	۱
۱/۷۵	قضیه : ثابت کنید در هر مثلث نیمساز هر زاویه داخلی، ضلع روبرو به آن زاویه را به نسبت دو ضلع زاویه قطع می کند.	۲
۱/۲۵	ثابت کنید مجموع فاصله های هر نقطه داخل مثلث از سه رأس ، از نصف مجموع سه ضلع مثلث بزرگتر است .	۳
۱/۲۵	خط d و نقطه A غیر واقع بر آن ، داده شده اند. نقطه ای روی خط d تعیین کنید که از نقطه A به فاصله معلوم R باشد. باتوجه به اندازه R تعداد جواب های مسأله بحث کنید .	۴
۱		۵
۱		۶
۱	پاره خط AB به طول $\sqrt{2}$ سانتی متر و کمان در خور زاویه 45° روبرو به این پاره خط مفروض است.شعاع دایره ای را که این کمان در خور بخشی از آن است و فاصله مرکز این دایره از پاره خط AB را تعیین کنید .	۷
۱/۲۵	عکس قضیه : ثابت کنید اگر دو پاره خط AA' و BB' در نقطه M یکدیگر را طوری قطع کنند که آنگاه چهار نقطه A, B, A', B' روی یک دایره اند . 	۸
۰/۷۵	مقدار a را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک خارجی دو دایره به شعاع های ۸ و ۳ و خط مرکزین $= d = 13$ برابر باشد .	۹
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

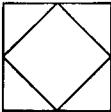
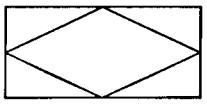
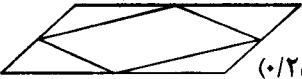
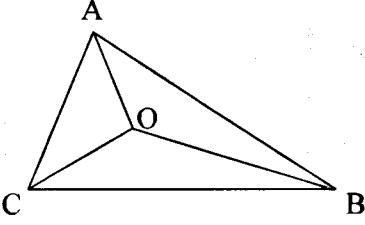
با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی:	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۹۴/۶/۱۴	۹۴/۶/۱۴
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهريور ماه سال ۱۳۹۴ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	واژه های زیر را تعریف کنید: الف) نگاشت ب) دو خط متنافر	۱
۱۱	مختصات نقطه ای را به دست آورید که تصویر آن تحت تبدیل $T(x, y) = (x-2, y+3)$ نقطه $(0, -3)$ باشد.	۰/۷۵
۱۲	تبدیل $T(x, y) = (2x + 1, 2y)$ را در نظر بگیرید: الف) تصویر نقاط $A(1, 2)$ و $B(0, 0)$ را تحت تبدیل T به دست آورید. ب) طول AB و تصویر آن را محاسبه کنید. ج) آیا تبدیل T ایزو متري است؟ چرا؟	۱/۵
۱۳	معادله تصویر خط $6x - 2y = 6$ تحت بازتاب نسبت به خط $x - y = 0$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۴	مثلث ABC و مثلث ECD متساوی الاضلاع هستند. با استفاده از تبدیل دوران ثابت کنید: $\hat{AFB} = 60^\circ \text{ و } AD = BE$ 	۱
۱۵	درستی یا نادرستی جملات زیر را تعیین کنید. الف) اگر چند صفحه در فضای روی دو خط، پاره خطهای متناظر متناسب ایجاد کرده باشند، لزوماً آن صفحه ها موازی هستند. ب) اگر خطی بر یکی از دو صفحه موازی عمود باشد، بر دیگری هم عمود است. ج) اگر سه خط در فضای دو به دو متقاطع باشند، لزوماً همسنند. د) از هر نقطه خارج یک خط در فضای دو به دو متقاطع باشند، لزوماً هم موازی هستند. ه) اگر خطی بر یکی از دو خط موازی عمود باشد، بر دیگری هم عمود است.	۱/۲۵
۱۶	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خط های صفحه P موازی باشد، آنگاه، خط L با صفحه P موازی است.	۱/۵
۱۷	از نقطه A روی خط L ، صفحه ای بر خط L عمود کنید. (روش رسم را توضیح دهید)	۱
۱۸	اگر دو صفحه P و P' بر هم عمود باشند، ثابت کنید هر خط عمود بر صفحه P با صفحه P' موازی است. 	۰/۷۵
۲۰	موفق باشید	جمع نمره

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۴/۶/۱۳۹۴	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	 ب) مربع (۰/۲۵)  الف) لوزی (۰/۲۵)  چ) متوازی الاضلاع (۰/۲۵) ص ۵	۰/۷۵
۲	<p>برهان: فرض کنیم AD نیمساز داخلی زاویه A باشد ضلع های BA و BC را امتداد می دهیم و از راس C خطی به موازات نیمساز زاویه A (یعنی AD) رسم می کنیم تا امتداد BA را در E قطع کند.</p> <p>(۰/۲۵) چون AD موازی CE است، اگر AC را به عنوان خط مورب در نظر بگیریم آنگاه: $\hat{A}_1 = \hat{C}_1$ (۰/۲۵)</p> <p>(۰/۲۵) و اگر BE را به عنوان خط مورب آنها در نظر بگیریم آنگاه: $\hat{A}_2 = \hat{E}_1$ (۰/۲۵)</p> <p>از طرفی طبق فرض مسئله، AD نیمساز است در نتیجه: $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$ (۰/۲۵)، حال از رابطه های (۱)، (۲) و (۳) می توان نتیجه گرفت: $\hat{C}_1 = \hat{E}_1$ (۰/۲۵)، پس مثلث AEC متساوی الساقین است و (۴) $AE = AC$ (۰/۲۵)، در مثلث ABE رابطه $\frac{AB}{AE} = \frac{BD}{DC}$ داریم: (۵)</p> <p>اگر در رابطه $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ که حکم (۵) به جای AE مساوی آن AC را جایگزین کنیم، خواهیم داشت: (۰/۲۵)</p> <p>ثبت می شود. ص ۱۳</p>	۱/۷۵
۳	<p>$\triangle AOB : OA + OB > AB$ (۰/۲۵)</p> <p>$\triangle AOC : OA + OC > AC$ (۰/۲۵)</p> <p>$\triangle BOC : OB + OC > BC$ (۰/۲۵)</p>  <p>از جمع سه نا مساوی بالا داریم:</p> $2(OA + OB + OC) > AB + AC + BC \rightarrow OA + OB + OC > \frac{AB + AC + BC}{2}$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵) ص ۲۹</p>	۱/۲۵
	«ادامه در صفحه دوم»	

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۴/۶/۱۳۹۴	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۴	<p>دایره ای به شعاع R و به مرکز A را رسم می کنیم ($0/25$). محل برخوردارین دایره با خط d جواب مسئله است.</p> <p>فرض می کنیم عمود AH فاصله نقطه A از خط d باشد.</p> <p>$AH > R$ مسئله جواب ندارد ($0/25$)</p> <p>$AH = R$ مسئله یک جواب دارد ($0/25$)</p> <p>$AH < R$ مسئله دو جواب دارد ($0/25$)</p>	۱/۲۵
۵	<p>برهان: از مرکز دایره به نقاط A و B وصل می کنیم. ($0/25$) در مثلث متساوی الساقین $\triangle OAB$ می دانیم ارتفاع OH نیمساز رأس \hat{O} و میانه ضلع AB نیز است. ($0/25$) بنابراین:</p> <p>$\hat{AOE} = \hat{BOE}$ و $AH = HB$</p>	۱
۶	<p>چون اندازه هر زاویه ظلی مساوی نصف اندازه کمان رو به روی آن است: ($0/25$) پس داریم:</p> $A\hat{T}X = \frac{AT}{2} \rightarrow 2\alpha - \epsilon = \frac{3\alpha + 3\epsilon}{2} \quad (0/25) \rightarrow \alpha = 45^\circ \quad (0/25)$ $\Rightarrow A\hat{T}X = 84^\circ \quad (0/25)$	۱
۷	$R = \frac{a}{\sin \alpha} \quad (0/25) \Rightarrow R = \frac{\sqrt{2}}{\sin 45^\circ} = 1 \quad (0/25)$ $OH = R \cos \alpha \quad (0/25) \Rightarrow OH = \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (0/25)$	۱
۸	<p>بر سه نقطه A و A' و B، B' یک دایره می گذاریم (دایره C) اگر این دایره از نقطه B' بگذرد، حکم ثابت است ($0/25$). اما اگر این دایره از B' نگذرد، خط MB را در نقطه دیگری مانند B'' قطع خواهد کرد. در این صورت خواهیم داشت:</p> $(0/25) MA \times MA' = MB \times MB''$ <p>از مقایسه این رابطه با فرض قضیه، نتیجه می شود $MB'' = MB$ و این نشان میدهد که B بر B' منطبق است ($0/25$) یعنی دایره ای که بر سه نقطه A، A' و B گذشته است، از نقطه B' نیز می گذرد. پس چهار نقطه A، A'، B و B' روی یک دایره واقع هستند. ص ۷۵</p>	۱/۲۵
	«ادامه در صفحه سوم»	

با سمه تعالي

رشته: رياضي فيزيك	راهنماي تصحیح سؤالات امتحان نهابي درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۴/۶/۱۴	سال سوم آموزش متوسطه
مركز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴

ردیف	راهنماي تصحیح	نمره
۹	$R = ۳ \quad TT' = \sqrt{d^۲ - (R - R')^۲} \quad (۰/۲۵)$ $R' = ۸ \quad ۵a - ۳ = \sqrt{۱۳^۲ - (۸ - ۳)^۲} \quad (۰/۲۵)$ $d = ۱۳ \quad ۵a - ۳ = \sqrt{۱۶۹ - ۲۵} = \sqrt{۱۴۴} = ۱۲ \Rightarrow a = ۳ \quad (۰/۲۵)$	۰/۷۵
۱۰	الف) يک نگاشت از D به R ، يک عمل نظير سازی است که به هر عضو مجموعه D يک و تنها يک عضواز مجموعه R را نظير می کند. (۰/۵) ص ۸۴ ب) دو خط در فضا را که در يک صفحه قرار نمي گيرند، دو خط متنافر می ناميم. (۰/۵) ص ۱۳۴	۱
۱۱	$T(x, y) = (x, y - ۲) = (-۳, ۰) \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow x = -۳ \quad (۰/۲۵), \quad y = ۲ \quad (۰/۲۵)$	۰/۷۵
۱۲	$T(x, y) = (۲x + ۱, ۲y)$ (الف) $\begin{cases} A(۱, ۲) \xrightarrow{T} A'(۳, ۴) \\ B(۰, ۰) \xrightarrow{T} B'(۱, ۰) \end{cases} \quad (۰/۵)$ (ب) $ AB = \sqrt{(۱-۰)^۲ + (۲-۰)^۲} = \sqrt{۵} \quad (۰/۲۵)$ $ A'B' = \sqrt{(۳-۱)^۲ + (۴-۰)^۲} = \sqrt{۲۰} = ۲\sqrt{۵} \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow AB \neq A'B' \quad (۰/۲۵)$ ج) تحت اين دوران طول پاره خط ها ثابت نمي ماند. پس ايزو متري نيست. (۰/۲۵) ص ۸۸	۱/۵
۱۳	$L: ۳x - ۲y = ۶$ $T(x, y) = (-y, -x) \quad (۰/۲۵)$ $A(۰, -۳) \xrightarrow{R} A'(۳, ۰) \quad (۰/۲۵)$ $B(۲, ۰) \xrightarrow{R} B'(۰, -۲) \quad (۰/۲۵)$ $m' = \frac{-۲-۰}{۰-(۳)} = \frac{۲}{۳} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow L': y - ۰ = \frac{۲}{۳}(x - ۳) \quad (۰/۲۵) \Rightarrow y = \frac{۲}{۳}x - ۲$	۱/۲۵
	«ادame در صفحه چهارم»	

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۴/۶/۱۳۹۴	سال سوم آموزش متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	تحت یک دوران 60° حول نقطه C (۰/۲۵)، مثلث ACD روی مثلث BCE تصویر می شود. (۰/۰) بنابراین $\hat{A}F\hat{B} = 60^\circ$ و $AD \rightarrow BE$ و AD قطع می کند، پس $AD = BE$ و جون طول تحت دوران حفظ می شود پس $AD = BE$. ص ۱۲۵	۱
۱۵	الف) نادرست (۰/۰) ص ۱۴۵ ب) درست (۰/۰) ص ۱۵۴ ج) نادرست (۰/۰) ص ۱۳۸ د) درست (۰/۰) ص ۱۳۶	۱/۲۵
۱۶	اگر خط L در صفحه P باشد حکم برقرار است. (۰/۰) فرض کنیم خط L در صفحه P قرار ندارد. اگر L' خطی از صفحه P باشد که با L موازی است، L' و L متمایزند. صفحه ای را که از این دو خط موازی می گذرد P' می نامیم. (۰/۰) فصل مشترک دو صفحه P و P' همان خط L' است. اگر خط L صفحه P را قطع کند محل تقاطع روی فصل مشترک این دو صفحه قرار دارد، (۰/۰) یعنی دو خط L' و L متقاطع خواهند شد که خلاف فرض است. (۰/۰) پس خط L صفحه P را قطع نمی کند و با آن موازی است. (۰/۰) ص ۱۴۰	۱/۵
۱۷	الف) می توانیم از خط L بی شمار صفحه بگذرانیم. (۰/۰) دو صفحه متمایز از این صفحه ها را P _۱ و P _۲ می نامیم. از نقطه A در صفحه P _۱ خط L _۱ را عمود بر L رسم می کنیم. (۰/۰) به طور مشابه از نقطه A در صفحه P _۲ خط L _۲ را عمود بر L رسم می کنیم. (۰/۰) خط های L _۱ و L _۲ متقاطع اند و خط L بر هر دوی آنها عمود است. طبق قضیه اساسی تعادل، خط L بر صفحه گذرنده از L _۱ و L _۲ نیز عمود است. (۰/۰) این صفحه همان صفحه مطلوب است. ص ۱۵۲	۱
۱۸	فرض کنیم P' P ⊥ P و d ⊥ P باشد. چون P' ⊥ P پس خطی مانند Δ در صفحه P' قرار دارد به طوری که Δ ⊥ P باشد (۰/۰) داریم:	۰/۷۵
	$\left\{ \begin{array}{l} \Delta \perp P \\ d \perp P \end{array} \right. \Rightarrow d \parallel \Delta \quad (۰/۰) \Rightarrow d \parallel p' \quad (۰/۰)$	
	ص ۱۵۷	
۲۰	جمع نمره	

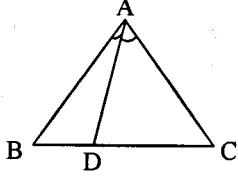
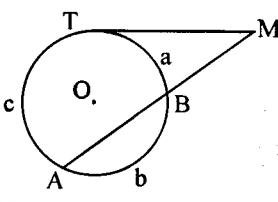
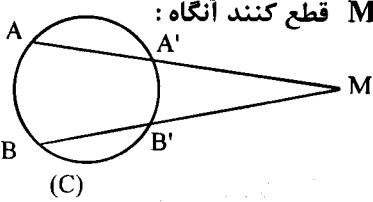
مصححین محترم: لطفاً به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	رشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۴	۹۴/۳/۱۶	تاریخ امتحان :	۹۴/۳/۱۶	تعداد صفحه: ۲

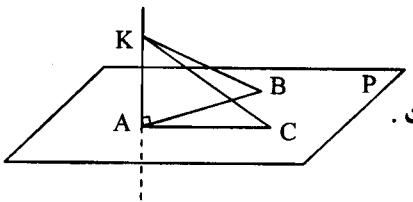
ردیف	نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)
------	------	-------------------------

توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	واژه های زیر را تعریف کنید :	۰/۷۵	ج) صفحه عمود منصف یک پاره خط ب) چند ضلعی محاطی الف) خطهای همسر
۲	قضیه : ثابت کنید اگر در مثلثی دو ضلع نابرابر باشند، آنگاه زاویه مقابل به ضلع بزرگتر، بزرگتر است از زاویه مقابل به ضلع کوچکتر .	۱/۵	
۳	در مثلث متساوی الساقین ABC، نقطه دلخواه P روی امتداد قاعده BC قرار دارد. ثابت کنید تفاصل فاصله های نقطه P از دو ساق آن مقداری ثابت است.	۱	
۴	مثلث ABC متساوی الاضلاع است . $\hat{B}AD < \hat{D}AC$ اگر ثابت کنید	۰/۷۵	
۵	قضیه : ثابت کنید سه ارتفاع هر مثلث همسرند . (راهنمایی : از رأسهای مثلث خط هایی به موازات سه ضلع مثلث رسم کنید تا مثلث جدیدی تشکیل شود .)	۱/۵	
۶	شعاعهای دو دایره هم مرکز ۱۰ و ۶ سانتی متر هستند . اندازه وتر از دایره بزرگتر را که بر دایره کوچکتر مماس است پیدا کنید .	۱	
۷	خط مماس بر دایره در نقطه T و امتداد وتر AB در نقطه M متقاطعند . با فرض $\frac{a}{1} = \frac{b}{4} = \frac{c}{5}$ و $\widehat{AT} = c$ ، $\widehat{BA} = b$ ، $\widehat{TB} = a$ اندازه زاویه M را تعیین کنید . 	۱	
۸	ثبت کنید اگر امتداد وتر های AA' و BB' از دایره (C) یکدیگر را در نقطه M قطع کنند آنگاه : $MA \times MA' = MB \times MB'$ 	۱/۲۵	
۹	دایره (O, R) نقطه M واقع در خارج این دایره داده شده اند ، از نقطه M براین دایره دو مماس رسم کنید .(مراحل رسم را توضیح دهید)	۱/۲۵	
	«ادامه پرسش ها در صفحه دوم»		

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	رشرته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۴	تاریخ امتحان : ۹۴/۳/۱۶	تعداد صفحه: ۲	۹۴/۳/۱۶	مداد آموزش آموزش و پرورش
http://aee.medu.ir				

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	عبارات زیر را با کلمات مناسب پر کنید: الف) کمان در خور زاویه 90° رویه رو به یک پاره خط مانند AB ، دایره ای است. ب) تبدیل نگاشتی از صفحه به روی خودش است. ج) حداقل نقطه در فضا وجود دارد که بر یک صفحه قرار ندارند. د) محل تقاطع دو صفحه آن دو صفحه نامیده می شود.	۱
۱۱	تحت یک بازتاب نقطه $(-1, -3)$ روی نقطه $(5, 3)$ تصویر شده است، معادله محور بازتاب را بنویسید.	۱
۱۲	نقاط $A(3, 0)$ ، $B(5, 0)$ و $C(3, 4)$ رأس های یک مثلث هستند. الف) تصویر مثلث ABC را تحت تبدیل $D(x, y) = (-y + 2, x - 2)$ بدست آورده و رسم کنید. ب) تصویر مثلث ABC را ابتدا تحت دوران $R(x, y) = (-y, x)$ پیدا کرده و آن را $A'B'C'$ بنامید. سپس تصویر $A'B'C'$ را تحت انتقال $T(x, y) = (x + 2, y - 2)$ تعیین کنید. نتیجه به دست آمده را با نتیجه (الف) مقایسه کنید.	۲
۱۳	تحت تجانس به مرکز $(0, 0)$ نقطه $(2, 4)$ روی نقطه $(4, 2)$ تصویر شده است، ضابطه تجانس را بنویسید و نوع آن را مشخص کنید.	۰/۷۵
۱۴	قضیه: با استفاده از ویژگیهای تبدیل بازتاب ثابت کنید زاویه های رو به رو به ضلع های مساوی در مثلث متساوی الساقین با یکدیگر برابرن.	۱
۱۵	درستی و یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید: الف) هر صفحه، با یک نقطه از آن، و یک خط عمود بر آن، مشخص می شود. ب) در هر مکعب مستطیل هریال با یک و تنها یک وجه آن موازی است. ج) اگر P و Q دو صفحه عمود بر هم باشند، هر کدام شامل خطی است که بر دیگری عمود است.	۰/۷۵
۱۶	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با صفحه P موازی باشد، هر صفحه که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می کند.	۱/۵
۱۷	از نقطه A خارج صفحه P ، خطی موازی P رسم کنید. (مراحل رسم را توضیح دهید)	۱
۱۸	فرض کنید A ، B و C سه نقطه از صفحه P باشند که بر یک خط قرار ندارند و $AB = AC$ و $KB = KC$ و خط KA بر خط AB عمود باشد، ثابت کنید خط KA بر صفحه P عمود است. 	۱
	موفق باشید	جمع نمره
		۲۰

باسم‌هه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۴/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خود را ماه سال ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	<p>الف) هر گاه چند خط فقط در یک نقطه همیگر را قطع کنند، همسن نامیده می شوند. (۰/۲۵) ص ۴</p> <p>ب) اگر همه رأسهای یک چند ضلعی روی یک دایره قرار داشته باشند، آن چند ضلعی محاطی نامیده می شود. (۰/۲۵) ص ۵۸</p> <p>ج) صفحه‌ای را که در وسط یک پاره خط، بر آن عمود باشد، صفحه عمود منصف آن پاره خط، می نامیم. (۰/۲۵) ص ۱۵۴</p>	۰/۷۵
۲	<p>فرض: $\hat{B} > \hat{C}$ و حکم: $AC > AB$</p> <p>برهان: چون طبق فرض $AC > AB$، بنابراین پاره خط AM را به اندازه AB روی AC جدا می کنیم و از نقطه M به B وصل می کنیم. (۰/۲۵) چون $AB = AM$ پس مثلث ABM متساوی الساقین است، در نتیجه: $\hat{B}_1 = \hat{M}_1$ (۰/۲۵) (۱)</p> <p>از طرفی چون زاویه M_1 یک زاویه خارجی مثلث MBC است در نتیجه از هر یک از زاویه های داخلی غیر مجاورش بزرگتر خواهد بود. بنابراین $\hat{M}_1 > \hat{C}$ (۰/۲۵) (۲)</p> <p>باتوجه به دو رابطه (۱) و (۲) $\hat{B}_1 > \hat{C} \Leftarrow (۰/۲۵)$ (۳)</p> <p>از طرفی نقطه M بین دو نقطه C و A واقع است، بنابراین BM نیم خطی داخل زاویه B است و در نتیجه زاویه B_1 جزیی از زاویه B است،</p> <p>یعنی $\hat{B} > \hat{B}_1$ (۰/۲۵) (۴) از مقایسه (۳) و (۴) نتیجه می شود: $\hat{B} > \hat{C}$ (۰/۲۵) (۵) ص ۱۹</p>	۱/۵
۳	<p>فرض می کنیم در مثلث متساوی الساقین ABC، $AB = AC = a$ و CH ارتفاع وارد بر AB باشد، رأس A را به P وصل کرده عمود های PK و PK' را بر دو ساق مثلث رسم می کنیم بنابراین:</p> $S \triangle ABC = S \triangle ABP - S \triangle ACP \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow \frac{1}{2} CH \times AB = \frac{1}{2} PK \times AB - \frac{1}{2} PK' \times AC \quad (۰/۲۵)$ $\frac{1}{2} CH \times a = \frac{1}{2} a (PK - PK') \Rightarrow CH = PK - PK' \quad (۰/۲۵)$ <p>ص ۲۲</p>	۱
۴	<p>در مثلث متساوی الاضلاع ABC، $AB = AC$ است. بنابراین در دو مثلث ABD و ACD داریم:</p> $\begin{cases} AB = AC \\ AD = AD \\ BD < DC \end{cases} \quad (۰/۲۵)$ $\text{اعکس قضیه لولا} \Rightarrow \hat{BAD} < \hat{DAC} \quad (۰/۲۵)$ <p>ص ۲۹</p>	۰/۷۵
	«ادامه در صفحه دوم»	

با سمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۴/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطیاب آزاد سراسر کشور نوبت خود را ماه مهر ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱/۵	<p>از رأس های A, B, C به ترتیب خطهای موازی ضلعهای AB, AC, BC و می‌کنیم تا مثلث MNP حاصل شود.</p> <p>چهار ضلعی AMCB متوازی الاضلاع است. در نتیجه $AM=BC$ (۰/۲۵) و از طرف دیگر چهار ضلعی ACBP نیز متوازی الاضلاع است در نتیجه $AP=BC$ (۰/۲۵) از رابطه های (۱) و (۲) نتیجه می‌شود $PA=AM$ (۰/۲۵).</p> <p>یعنی از سمت پس PM میگذرد و از طرف دیگر چون $AH_1 \perp BC$ و $AH_1 \perp PM$ پس $BC \parallel PM$.</p> <p>در نتیجه AH_1 عمود منصف ضلع PM می باشد. (۰/۲۵) با همین روش ثابت می‌شود BH_2 عمود منصف ضلع PN و CH_2 عمود منصف ضلع MN از مثلث MNP است (۰/۲۵).</p> <p>و می‌دانیم که سه عمود منصف اضلاع هر مثلث همسرستند. (۰/۲۵)</p> <p>در نتیجه ارتفاع های AH_1, BH_2 و CH_2 همسرند. ص ۳۷</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	۵
۱	<p>AB وتری از دایره بزرگتر بر دایره کوچکتر مماس است. بنابراین شعاع OH بر AB عمود است. (۰/۲۵)</p> <p>در نتیجه $AH=HB$ (۰/۲۵) پس</p> $AH^2 = OA^2 - OH^2 \rightarrow AH^2 = 10^2 - 6^2 \quad (۰/۲۵)$ $\rightarrow AH^2 = 64 \rightarrow AH = 8 \rightarrow AB = 16 \quad (۰/۲۵)$	۶
۱	<p>ص ۵۶</p>	۵۶
۱/۲۵	<p>ابتدا A را به A' و B را به B' وصل می‌کنیم. دو مثلث A'MB وAMB متشابه‌اند. (۰/۲۵) زیرا :</p> <p>$b = 4a$ $c = 5a$ $a + b + c = 36$. (۰/۲۵)</p> $M = \frac{c-a}{2} = \frac{144}{2} = 72 \quad (۰/۲۵)$	۷
۱/۲۵	<p>ص ۷۳</p>	۷۳
	<p>«ادامه در صفحه سوم»</p>	۸

با اسمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۴/۳/۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خود را ماه سال ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	<p>نقطه M را به O مرکز دایره (C) وصل کرده ، دایره به قطر OM را رسم می کنیم.</p> <p>تادایره (C) را در نقاط T و T' قطع کند . زاویه های $\hat{OTM} = \hat{OT'M} = 90^\circ$ زیرا زاویه های محاطی و روبه رو به قطر هستند(۰/۲۵) پس در نتیجه در نقطه T و T' MT در نقطه T' بر دایره (C) مماسند . (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۵)</p>	۱/۲۵
۱۰	<p>الف) به قطر AB (۰/۲۵) ص ۶۴ ب) یک به یک (۰/۲۵) ص ۸۵ ج) چهار(۰/۲۵) ص ۱۳۱ د) فصل مشترک (۰/۲۵) ص ۱۳۲</p>	۱
۱۱	<p>نقطه (-۱, -۳) A تحت بازتاب نسبت به خط L روی (۳, ۵) B تصویر شده است ، بنا بر این :</p> $AB \text{ وسط } M=(\cdot, ۲) \quad (۰/۲۵), \quad m_{AB} = \frac{5-(-1)}{3-(-3)} = 1 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow m_L = -1 \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow L: y-2=-x \quad (۰/۲۵)$	۱
۱۲	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>$D(x, y) = (-y + 2, x - 2)$</p> <p>(الف) $\begin{cases} A(3, 0) \xrightarrow{D} A_1(-2, 1) \\ B(5, 0) \xrightarrow{D} B_1(2, 3) \quad (۰/۵) \\ C(3, 4) \xrightarrow{D} C_1(-2, 1) \end{cases}$</p> <p>(ب) $\begin{cases} A \xrightarrow{R} A'(0, 2) \\ B \xrightarrow{R} B'(0, 5) \quad (۰/۵) \\ C \xrightarrow{R} C'(-4, 3) \end{cases}, \quad \begin{cases} A' \xrightarrow{T} (2, 1) = A_1 \\ B' \xrightarrow{T} (2, 3) = B_1 \quad (۰/۵) \\ C' \xrightarrow{T} (-2, 1) = C_1 \end{cases}$</p>	۲
۱۳	<p>نتیجه ترکیب دوران R و انتقال T با تبدیل D یکسان است . (۰/۲۵) ص ۱۱۰</p> <p>$(4 \rightarrow 2, 2 \rightarrow 1) \Rightarrow k = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$D(x, y) = \left(\frac{1}{2}x, \frac{1}{2}y\right) \quad (۰/۲۵)$</p> <p>نوع آن انقباض است (۰/۲۵) ص ۱۱۹</p>	۰/۷۵
	«ادامه در صفحه چهارم»	

با سمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۴ / ۳ / ۱۶	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خود را ماه ۱۳۹۴

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	<p>در مثلث ABC، $AB=AC$ و نیمساز زاویه A، ضلع BC را در D قطع می کند.</p> <p>تحت بازتاب نسبت به خط AD، خطی که شامل پاره خط AB است، روی خطی که شامل پاره خط AC است تصویر می شود. $\rightarrow C$ پس $AB=AC$ چون $\hat{B}=\hat{C}$ (۰/۲۵) یعنی زاویه های مقابل به ضلعهای مساوی در مثلث متساوی الساقین برابرند. ص ۱۲۴</p>	۱
۱۵	<p>الف) درست (۰/۲۵) ص ۱۵۳</p> <p>ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۵۴</p> <p>ج) درست (۰/۲۵) ص ۱۵۵</p>	۰/۷۵
۱۶	<p>برای اثبات این قضیه، دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضارا در نظر می گیریم.</p> <p>(الف) خط L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>که P را در خط L قطع می کند. (۰/۲۵)</p> <p>و هر L' دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی کنند. (۰/۲۵)</p> <p>زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می شود که خط L صفحه P را قطع می کند، که این خلاف فرض است. (۰/۲۵)</p> <p>پس باهم موازیند. (۰/۲۵)</p> <p>(ب) خط L در صفحه P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه P' متمایز از P که از L می گذرد، صفحه P را در همان خط L قطع می کند. (۰/۲۵) و درستی قضیه روشن است. ص ۱۳۹</p>	۱/۵
۱۷	<p>خط دلخواه d را در صفحه P رسم می کنیم. از نقطه A خط d' را موازی d رسم می کنیم. (۰/۲۵)</p> <p>با یک خط از P موازی است پس بنا به قضیه شرط توازی d موازی P می باشد. پس جواب مسئله است. (۰/۲۵) ص ۱۴۱</p> <p>رسم شکل (۰/۱۵)</p>	۱
۱۸	<p> $\begin{cases} AB = AC \\ KB = KC \Rightarrow \triangle KAB \cong \triangle KAC (۰/۵) \Rightarrow \hat{KAB} = \hat{KAC} = ۹۰^\circ (۰/۲۵) \end{cases}$ </p> <p>صلع مشترک</p> <p>بنابراین KA عمود بر دو خط غیر موازی AB و AC در صفحه P می باشد</p> <p>پس بنا بر قضیه اساسی تعامد KA بر صفحه P عمود است. (۰/۲۵) ص ۱۵۴</p>	۱
۲۰	جمع نمره	

محبین محترم: لطفا به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با اسمه تعالی

دشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۹۳/۶/۱۱	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	۷۵	<p>الف) واژه های زیر را تعریف کنید:</p> <p>۱) شکل خود-متشابه</p> <p>۲) نگاشت</p> <p>۳) دو خط متناصر</p> <p>ب) یک مثال نقض برای رد حکم « نقطه های همسایه ارتفاعهای هر مثلث یا داخل مثلث یا خارج آن واقع است » بیاورید.</p>	۱
۱		<p>عبارت های زیر را با کلمات مناسب کامل کنید:</p> <p>الف) شکل حاصل از تلاقی نیمسازهای داخلی هر متوازی الاضلاع، یک است.</p> <p>ب) مکان هندسی نقطه ای در صفحه ای که فاصله ای آن از دو ضلع زاویه برابر باشد، آن زاویه است.</p> <p>پ) حداقل نقطه در صفحه وجود دارد که بر یک خط قرار ندارند.</p> <p>ت) از یک نقطه خارج یک صفحه خط موازی آن صفحه می گذرد.</p>	۲
۱	۵	قضیه: ثابت کنید در هر مثلث، مجموع طول های هر دو ضلع از طول ضلع سوم بزرگتر است.	۳
۱	۲۵	در مثلث ABC میانه AM و نیمسازهای دو زاویه \hat{AMB} و \hat{AMC} را رسم کنید، این دو نیمساز اضلاع AB و AC را قطع می کنند، این نقاط را به ترتیب P و Q بنامید. سپس ثابت کنید دو خط PQ و BC باهم موازیند.	۴
۱		مربعی رسم کنید که پاره خط مفروض DE قطر آن باشد. (روشن رسم را توضیح دهید)	۵
۱		قضیه: ثابت کنید طول مماس های رسم شده بر یک دایره از هر نقطه ای خارج آن باهم برابرند.	۶
۱		<p>خط XY در نقطه A بر دایره ای (C) مماس است،</p> <p>وتر BB' از دایره را موازی XY رسم کرده ایم.</p> <p>ثابت کنید: $\widehat{AB} = \widehat{AB'}$</p>	۷
۱		پاره خط AB به طول ۶ سانتی متر و کمان در خور زاویه 30° رو به این پاره خط مفروض است. شعاع دایره ای را که این کمان در خور بخشی از آن است و فاصله مرکز این دایره از پاره خط AB را تعیین کنید.	۸
۱		قضیه: ثابت کنید اندازه ای زاویه ای که از برخورد دو وتر در یک دایره ایجاد می شود، برابر نصف مجموع اندازه ای دو کمانی از دایره است که به ضلع ها و امتداد ضلع های آن زاویه محدودند.	۹
		«ادامه ای پرسش ها در صفحه ای دوم»	

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی:	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
تعداد صفحه:	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۹۳/۶/۱۱	۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت شهر یو و ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://ace.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	در شکل زیر مقادیر x و y را بدست آورید.	
۱۱	نقاط $A(3, 3)$, $B(1, -1)$ و $C(-2, 2)$ رأس های یک مثلث هستند. الف) مختصات تصویر این مثلث را تحت تبدیل $(y - 2) = (x + 2)$ بدست آورید. ب) آیا این تبدیل ایزومنتری است؟ چرا؟ پ) در این تبدیل شبیه خط حفظ می شود یا خیر؟ چرا؟	۱/۵
۱۲	الف) خط به معادله $y - 4 = x$ و تصویرش را تحت بازتاب نسبت به محور y رسم کنید. ب) معادله ای خط تصویر را بنویسید.	۱/۷۵
۱۳	در چهار ضلعی $ABCD$, اگر $AB = DC$ و $AB \parallel DC$ با استفاده از تبدیل انتقال ثابت کنید: $AD = BC$ و $AD \parallel BC$.	۱/۲۵
۱۴	قضیه: ثابت کنید اگر خطی با دو صفحه ای متقطع، موازی باشد، آنگاه با فصل مشترک آن ها موازی است.	۱/۲۵
۱۵	از نقطه A خارج از صفحه P ، یک صفحه موازی با صفحه P بگذرانید. (روش ترسیم را توضیح دهید)	۱
۱۶	ثبت کنید خطی که با یکی از دو صفحه ای موازی، موازی است با دیگری هم موازی است.	۰/۷۵
۱۷	درستی و یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید: الف) دو خط در فضای یکدیگر را قطع نکنند لزوماً موازی هستند. ب) در هر مکعب مستطیل هر بیال با یک و تنها یک وجه آن موازی است. پ) عکس قضیه ای تالس در فضای برقرار نیست. ت) اگر خطی بر صفحه ای عمود باشد، بر هر خط از آن صفحه نیز، عمود است.	۱
	موفق باشید	جمع نمره
۲۰		

با اسمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۱ / ۶ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهربیور ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	<p>(الف) ۱- اگر قسمتی از یک شکل با کل شکل متشابه باشد، آن شکل خود متشابه نامیده می‌شود. (۰/۵)</p> <p>۲- یک نگاشت از D به R، یک عمل نظیر سازی است که به هر عضو مجموعه D یک و تنها یک عضواز مجموعه R را نظیر می‌کند. (۰/۵)</p> <p>۳- دو خط در فضای که در یک صفحه قرار نمی‌گیرند، دو خط متناور می‌نامیم. (۰/۵)</p> <p>(ب) در مثلث قائم الزاویه نقطه همسری ارتفاعها، روی راس قائم مثلث قرار می‌گیرد. (یارسم مثلث قائم الزاویه) (۰/۲۵)</p>	۱/۷۵
۲	<p>الف) مستطیل (۰/۲۵)</p> <p>ب) نیمساز (۰/۲۵)</p> <p>پ) سه (۰/۲۵)</p> <p>ت) بیشمار (۰/۲۵)</p>	۱
۳	<p>برهان: ضلع BC را از راس B امتداد می‌دهیم و به اندازه AB روی آن جدا می‌کنیم تا نقطه D به دست آید. سپس D را به A وصل می‌کنیم. (۰/۲۵) بنا بر این در مثلث ABD داریم:</p> $BD = AB \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A}_1 \quad (۰/۲۵)$ <p>همچنین در مثلث ADC داریم:</p> $DC = DB + BC \Rightarrow DC = AB + BC \quad (۰/۲۵)$ $(۰/۲۵) DC > AC \quad (۰/۲۵) \text{ بنابراین } D\hat{A}C > \hat{D}_1 \quad (۰/۲۵)$ $AB + BC > AC \quad \text{بنابراین}$	۱/۵
۴	<p>ΔAMC نیمساز $\frac{MQ}{MC} \rightarrow \frac{MA}{MC} = \frac{AQ}{QC} \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$(۰/۲۵) MC = MB \rightarrow \frac{AQ}{QC} = \frac{AP}{PB} \xrightarrow{\text{عكس تالس}} PQ \parallel BC \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$\Delta AMB$ نیمساز $\frac{MP}{MB} \rightarrow \frac{MA}{MB} = \frac{AP}{PB} \quad (۰/۲۵)$</p>	۱/۲۵
۵	<p>ابتدا پاره خط DE و عمود منصف آن را رسم می‌کنیم (۰/۲۵) از نقطه O وسط DE کمانی به مرکز O و به شعاع $OD = R$ می‌زنیم (۰/۲۵) این کمان عمود منصف را در دو نقطه F و G قطع می‌کند. چهار ضلعی $DFEG$ مربع است. (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	۱

«ادامه در صفحه‌ی دوم»

با اسمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۱ / ۶ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموzan روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت شهريور ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۶	<p>چون شعاع در نقطه‌ی تماس بر خط مماس عمود است نتیجه می‌گیریم: $(۰/۲۵)$</p> $\begin{cases} \hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ \\ OT = OT' \quad (۰/۵) \Rightarrow \triangle OMT \cong \triangle OMT' \\ OM = OM \end{cases}$ $\Rightarrow MT = MT' \quad (۰/۲۵)$	۱
۷	<p>وصل می‌کنیم زاویه‌ی \widehat{BAY} ظلی و زاویه‌ی $\widehat{ABB'}$ محاطی هستند بنا بر این</p> $\widehat{A\hat{B}B'} = \frac{\widehat{AB'}}{2} \quad (۰/۲۵), \quad \widehat{B\hat{A}Y} = \frac{\widehat{AB}}{2} \quad (۰/۲۵)$ <p>باید $\widehat{AB} = \widehat{AB'}$ باشد، پس</p> $\widehat{A\hat{B}B'} = \widehat{B\hat{A}Y} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \widehat{AB} = \widehat{AB'} \quad (۰/۲۵)$	۱
۸	$R = \frac{a}{2\sin\alpha} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow R = \frac{r}{2\sin\alpha} = r \quad (۰/۲۵)$ $OH = R \cos\alpha \quad (۰/۲۵) \Rightarrow OH = r \cos\alpha = r\sqrt{3} \quad (۰/۲۵)$	۱
۹	<p>وترهای AA' و BB' از دایره‌ی C در نقطه‌ی M یکدیگر را قطع کرده‌اند. پاره خط AB' را رسم می‌کنیم. زاویه‌های $\widehat{A'AB}$ و $\widehat{A'AB'}$ محاطی هستند.</p> $\begin{cases} \widehat{A\hat{B}'B} = \frac{\widehat{AB}}{2} \\ \widehat{A'\hat{A}B'} = \frac{\widehat{A'B'}}{2} \end{cases} \quad (۰/۲۵)$ $(\widehat{AMB} = \widehat{A\hat{B}'B} + \widehat{A'\hat{A}B'}) \quad (۰/۲۵)$ <p>رسم شکل $(۰/۲۵)$</p> $\Rightarrow \widehat{AMB} = \frac{\widehat{AB} + \widehat{A'B'}}{2} \quad (۰/۲۵)$	۱

«ادامه در صفحه‌ی سوم»

با اسمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۱ / ۶ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	$4 \times x = 2 \times 10 \quad (0/25) \Rightarrow x = 5 \quad (0/25)$ $y^2 = y(y+9)(0/25) \Rightarrow y^2 + 9y - 36 = 0 \Rightarrow y = 3 \quad (0/25)$	۱
۱۱		۱/۵
۱۲	الف) $T(x,y) = (x+2, -y)$ $A(3,3) \rightarrow A'(5,-3)$ $B(1,-1) \rightarrow B'(3,1) \quad (0/5)$ $C(-2,2) \rightarrow C'(0,-2)$ $ AB = \sqrt{(3-1)^2 + (3+1)^2} = 2\sqrt{5} \quad (0/25)$ $ A'B' = \sqrt{(5-3)^2 + (-3-1)^2} = 2\sqrt{5}$ $m_{AB} = \frac{-1-3}{1-3} = 2, \quad m_{A'B'} = \frac{1+3}{3-5} = -2 \quad (0/25)$ بله این تبدیل ایزومتری است. (۰/۲۵) (ب) خیرشیب حفظ نمی شود. (۰/۲۵)	۱/۵
۱۳	رسم شکل (۰/۵) 	۱/۷۵
۱۴	بردار \overrightarrow{AB} را به عنوان بردار انتقال در نظر می گیریم. (۰/۲۵) چون AB و DC موازی و مساوی‌اند، بنابراین تحت این انتقال $D \xrightarrow{(0/25)} C$ و $A \xrightarrow{(0/25)} B$ و $DC \parallel AB$ (۰/۲۵) یعنی پاره خط AD بر پاره خط BC تصویر می شود و چون انتقال ایزومتری است (۰/۲۵) و شیب خط را حفظ می کند (۰/۲۵) پس: $AD = BC$ و $AD \parallel BC$	۱/۲۵

«ادامه در صفحه‌ی چهارم»

با اسمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۱ / ۶ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهريور ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	<p>فرض می کنیم خط L موازی دو صفحه‌ی متقطع P و P' باشد.</p> <p>از یک نقطه‌ی A فصل مشترک مانند A خط L' را موازی L رسم می کنیم. (۰/۲۵)</p> <p>چون خط L با صفحه‌ی P موازی است، خط L' به تمامی در صفحه‌ی P قرار دارد. (۰/۰۵)</p> <p>با استدلالی مشابه خط L' به تمامی در صفحه‌ی P' قرار دارد. (۰/۰۵)</p> <p>پس L' همان فصل مشترک دو صفحه‌ی متقطع P و P' است که با خط L نیز موازی است. (۰/۰۵)</p>	۱/۲۵
۱۵	<p>از نقطه‌ی A، دو خط متمایز موازی صفحه‌ی P رسم می کنیم (۰/۰۵)</p> <p>صفحه‌ی گذرانده از این دو خط جواب مسئله است. (۰/۰۵)</p> <p>زیرا دو خط غیر موازی از آن با دو خط غیر موازی از صفحه‌ی P موازی است. (۰/۰۵)</p>	۱
۱۶	<p>فرض می کنیم L با P' موازی نباشد (فرض خلف) (۰/۰۵)</p> <p>در اینصورت قطعاً خط L صفحه‌ی موازی آن یعنی P را نیز قطع خواهد کرد. (۰/۰۵)</p> <p>واین خلاف فرض است. پس حکم برقرار است یعنی $L \parallel P'$ است. (۰/۰۵)</p>	۰/۷۵
۱۷	<p>الف) نادرست (۰/۰۵) ب) نادرست (۰/۰۵) ت) درست (۰/۰۵) پ) درست (۰/۰۵)</p>	۱
	موفق باشید «»	۲۰

محضی محترم: لطفاً به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با سمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان:	سال سوم آموزش متوسطه	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوللبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	با استفاده از استدلال استقرایی و رسم چند ضلعی های محدب تا n ضلعی جدول زیر را کامل کرده و رابطه ای که مجموع زاویه های داخلی یک n ضلعی محدب را بیان می کند، بیابید.	<table border="1"> <tr> <td>تعداد ضلع ها</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>.....</td><td>n</td></tr> <tr> <td>مجموع زاویه های داخلی</td><td>۱۸۰</td><td>۳۶۰</td><td>?</td><td></td><td>?</td></tr> </table>	تعداد ضلع ها	۳	۴	۵	n	مجموع زاویه های داخلی	۱۸۰	۳۶۰	?		?
تعداد ضلع ها	۳	۴	۵	n									
مجموع زاویه های داخلی	۱۸۰	۳۶۰	?		?									
۲	قضیه: با استفاده از برهان خلف ثابت کنید، اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر باشند، ضلع رو به رو به زاویه بزرگتر، بزرگتر است از ضلع روی زاویه کوچکتر.													
۳	سه ضلع مثلثی ۷، ۱۲ و ۱۶ سانتی مترند، اندازه ای پاره خطها بی که نیمساز درونی زاویه کوچکتر مثلث بر ضلع مقابل آن پدید می آورد را تعیین کنید.													
۴	قضیه: ثابت کنید سه نیمساز زاویه های داخلی هر مثلث همسنند.													
۵	زاویه XOY داده شده است. با استفاده از خط کش و پرگار روی نیم خط $O'X'$ زاویه ای به رأس O' و مساوی زاویه XOY رسم کنید.													
۶	دایره $C(O, 5)$ و نقطه M به فاصله $\sqrt{2}$ از مرکز دایره C داده شده است. MT و MT' در نقاط T و T' بر این دایره مماسند. الف) طول مماس های MT و MT' را به دست آورید. ب) نوع چهار ضلعی $OTMT'$ را با ذکر دلیل مشخص کنید.													
۷	زاویه ظلی TAB در دایره به مرکز O داده شده است. با استفاده از ویژگی قطر عمود بر وترا، ثابت کنید که $\widehat{TAB} = \frac{\widehat{AB}}{2}$													
۸	قضیه: ثابت کنید اگر از یک نقطه، یک مماس و یک قاطع نسبت به یک دایره رسم کنیم، قطعه ای از خط مماس محصور بین آن نقطه و نقطه تماس، واسطه هندسی بین دو قطعه قاطع است.													
۹	دو دایره به شعاع ۹ و ۴ سانتی متر، مماس بروند هستند. مقدار x را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک خارجی آنها برابر $2 + 5x$ باشد.													
	«ادامه پرسش ها در صفحه دوم»													

باسمه تعالی

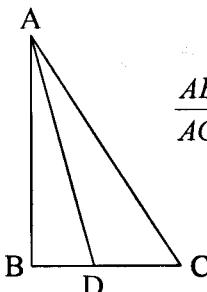
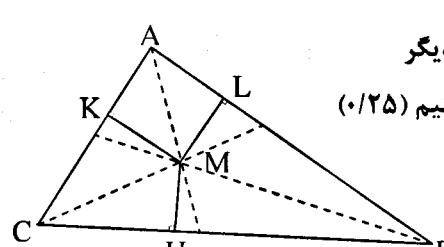
مدت امتحان: ۱۳۵	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه(۲)
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۹۳/۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	نقاط (۵,-۳)، A(۱,۳) و B(۱,-۳) داده شده است، خابطه‌ی انتقالی را بنویسید که A را روی B تصویر کند.	۰/۷۵
۱۱	نقاط (۲,-۲)، A(۲,۲) و B(۴,۲) را بنویسید. الف) مثلث ABC و تصویرش را تحت تجانس $D(x,y) = \left(\frac{3}{2}x, \frac{3}{2}y\right)$ رسم کنید. ب) مساحت مثلث ABC را بدست آورده، سپس به کمک ویژگی‌های تجانس مساحت تصویر مثلث ABC را محاسبه کنید. پ) این تجانس انقباض است یا انبساط؟ چرا؟	۲
۱۲	معادله تصویر خط $L: 3x - y - 2 = 0$ تحت دوران 270° حول نقطه O را بنویسید.	۱/۲۵
۱۳	در شکل روبرو PR عمود منصف QS است. با استفاده از ویژگی‌های تبدیل بازتاب ثابت کنید: $\widehat{SPR} = \widehat{QPR}$	۱
۱۴	عبارات زیر را با کلمات مناسب پر کنید: الف) صفحه‌ای را که در وسط یک پاره خط برآن عمود باشد، صفحه‌ی آن پاره خط، می‌نامیم. ب) اگر دو صفحه متمایز یک نقطه مشترک داشته باشند، آنگاه در یک، مشترک خواهند بود. پ) اگر L و L' دو خط متقاطع باشند، یک و تنها یک شامل L و جود دارد که با L' موازی باشد. ت) اگر دو صفحه‌ی P و P' بر هم عمود باشند، هر خط عمود بر صفحه‌ی P با صفحه‌ی P' است.	۱
۱۵	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خط‌های صفحه‌ی P موازی باشد، آنگاه، خط L با صفحه‌ی P موازی است.	۱/۵
۱۶	الف) اگر چند صفحه در فضای روی دو خط، پاره خط‌های متناظر متناسب ایجاد کرده باشند، آیا لزوماً آن صفحه‌ها موازی هستند؟ ب) برای رد حدس کلی زیر با استفاده از رسم شکل و توضیح آن، یک مثال نقض ارائه کنید. در فضای اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند لزوماً دیگری را نیز قطع می‌کند.	۱
۱۷	از نقطه‌ی A خارج از خط L، یک صفحه عمود بر L بگذرانید. ثابت کنید این صفحه یکتا است.	۱/۵
۲۰	موفق باشید	جمع نمره

با اسمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱/۷۵	 <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>n</th><th>.....</th><th>۵</th><th>۴</th><th>۳</th><th>تعداد ضلع ها</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$180(n-2)$ (۰/۲۵)</td><td>.....</td><td>$3 \times 180 = 540$ (۰/۲۵)</td><td>۳۶۰</td><td>۱۸۰</td><td>مجموع زاویه های داخلی</td></tr> </tbody> </table>	n	۵	۴	۳	تعداد ضلع ها	$180(n-2)$ (۰/۲۵)	$3 \times 180 = 540$ (۰/۲۵)	۳۶۰	۱۸۰	مجموع زاویه های داخلی	۱
n	۵	۴	۳	تعداد ضلع ها									
$180(n-2)$ (۰/۲۵)	$3 \times 180 = 540$ (۰/۲۵)	۳۶۰	۱۸۰	مجموع زاویه های داخلی									
۱	<p>فرض: $BC > AC > \hat{A} > \hat{B}$ حکم:</p> <p>برهان خلف: فرض می کنیم حکم برقرار نباشد. بنا بر این $BC \leq AC$ حال اگر:</p> <p>(الف) در این حالت مثلث متساوی الساقین است. پس $\hat{A} = \hat{B}$ که این خلاف فرض است.</p> <p>(ب) در این حالت با توجه به قضیه ثابت شده $\hat{A} < \hat{B}$ که این نیز خلاف فرض است.</p> <p>پس فرض خلف باطل است و حکم درست می باشد.</p>	۲												
۱	<p>نیمساز زاویه A است بنا براین:</p>  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \frac{12}{16} = \frac{BD}{7-BD} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow BD = 2 \quad (۰/۲۵) \quad DC = 7 - 2 = 5 \quad (۰/۲۵)$	۳												
۱/۲۵	<p>در مثلث ABC نیمسازهای زاویه های B و C را در میانه M قطع کنند. از M بر ضلع های AB، AC و BC عمودی کنیم (۰/۲۵)</p> <p>تا به ترتیب آنها را در نقاط K، L و H قطع نمایند.</p>  $\left. \begin{array}{l} M \rightarrow MH = ML \\ M \rightarrow MH = MK \end{array} \right\} \quad (۰/۵) \Rightarrow ML = MK \quad (۰/۲۵)$ <p>بنابراین نقطه M روی نیمساز زاویه A نیز قرار دارد. (۰/۰) یعنی M نقطه ای همروزی هر سه نیمساز است.</p>	۴												

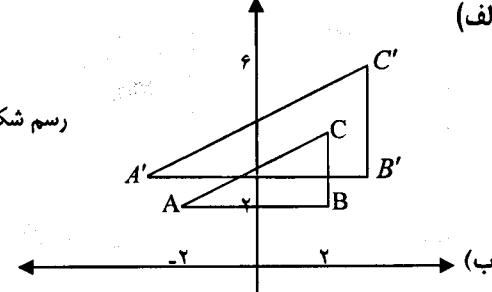
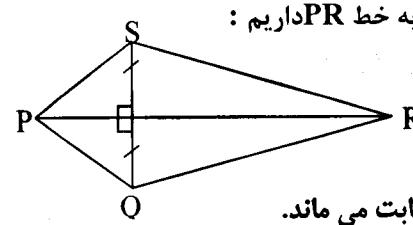
با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرگشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>زاویه XOY داده شده است. به مرکز O وشعاع دلخواه کمانی می‌زنیم تا OY و OX را در نقاط A و B قطع کند. نیم خط $O'X'$ را رسم و به همان شعاع و به مرکز O' کمان دوم را می‌زنیم تا $O'X'$ را در A' قطع کند ($0/25$). سپس به مرکز A' وشعاعی به طول AB کمان دیگری می‌زنیم کمان دوم را در نقطه B' قطع کند. O' را به B' وصل کرده امتداد میدهیم تا نیم خط $O'Y'$ حاصل شود. زاویه $O'Y'$ جواب مسأله است ($0/25$). زیرا دو مثلث $O'A'B'$ و OAB بنا به تساوی سه ضلع همنهشتند پس دو زاویه $O'Y'$ فوق برابرند ($0/25$). رسم شکل ($0/25$)</p>	۱
۶	<p>$\triangle OTM: OT \perp MT \Rightarrow \hat{OTM} = 90^\circ$ ($0/25$) $\Rightarrow MT = \sqrt{OM^2 - OT^2} = \sqrt{5^2 - 2^2} = 5$ ($0/25$) $\Rightarrow MT = MT' = 5$ ($0/25$) $MT = MT' = OT = OT' = 5$ $\left\{ \begin{array}{l} T = 90^\circ \\ \Rightarrow OTMT' \end{array} \right.$ مربع است ($0/25$)</p>	$1/25$
۷	<p>زاویه \hat{BAT} را در دایره O به مرکز O در نظر می‌گیریم شعاع OA از این دایره را رسم می‌کنیم. می‌دانیم شعاع در نقطه T تمسیح بر خط مماس عمود است. پس $O\hat{A}B + \hat{B}\hat{A}T = 90^\circ$ (۱) قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمانهای نظیر آن وتر را نصف می‌کند. پس $A\hat{O}M = \hat{AM} = \frac{\hat{AB}}{2}$ و اندازه زاویه مرکزی $\hat{AM} = \frac{\hat{AB}}{2}$ از طرفی (۲) ($0/25$) $O\hat{A}B + A\hat{O}M = 90^\circ$ ($0/25$) از رابطه (۱) و (۲) نتیجه می‌شود $\hat{B}\hat{A}T = A\hat{O}M$ ($0/25$) با توجه به (۲) نتیجه می‌شود $\hat{B}\hat{A}T = \frac{\hat{AB}}{2}$ ($0/25$)</p>	$1/5$
۸	<p>برهان: دایره C و نقطه M را خارج آن درنظر می‌گیریم. مماس MT و قاطع MAA' را نسبت به این دایره رسم می‌کنیم، از T به A و A' وصل می‌کنیم. دو مثلث $MA'T$ و MAT متشابه اند زیرا:</p> $\left. \begin{array}{l} A\hat{T}M = A\hat{A}'T = \frac{\hat{AT}}{2} \\ \hat{M} = \hat{M} \end{array} \right\} (0/5) \Rightarrow \frac{MT}{MA} = \frac{MA'}{MT} (0/25)$ $\Rightarrow MT^2 = MA \cdot MA' (0/25)$ <p>رسم شکل ($0/25$)</p>	$1/25$

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	$R = ۹$ $R' = ۴$ $\Rightarrow d = ۱۳ (۰/۲۵)$ $TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} (۰/۲۵)$ $5x + ۲ = \sqrt{1۳^2 - (۹ - ۴)^2}$ $5x + ۲ = \sqrt{۱۶۹ - ۲۵} = \sqrt{۱۴۴} = ۱۲ (۰/۲۵)$ $\Rightarrow x = ۲ (۰/۲۵)$	۱
۱۰	$T(x, y) = (x + h, y + k) (۰/۲۵)$ $A(-۳, ۵) \rightarrow B(1, ۳) \Rightarrow \begin{cases} -۳ + h = 1 \\ ۵ + k = ۳ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h = ۴ \\ k = -۲ \end{cases} (۰/۵)$ $\Rightarrow T(x, y) = (x + ۴, y - ۲)$	۰/۷۵
۱۱	 رسم شکل (۰/۵) $D(x, y) = \left(\frac{۳}{۴}x, \frac{۳}{۴}y\right)$ $A(-۲, ۲) \rightarrow A'(-۳, ۳)$ $B(۲, ۲) \rightarrow B'(۳, ۳) (۰/۲۵)$ $C(۲, ۴) \rightarrow C'(۳, ۶)$ $ AB = \sqrt{(۲+۲)^2 + (۲-۲)^2} = ۴ (۰/۲۵)$ $S = \frac{۴ \times ۲}{۲} = ۴ (۰/۲۵)$, $S' = k^2 S = \left(\frac{۳}{۴}\right)^2 S \Rightarrow S' = ۹ (۰/۲۵)$ $ BC = \sqrt{(۲-۲)^2 + (۴-۲)^2} = ۲$ پ) تجانس، انبساط است (۰/۲۵) چون $k > 1$. (۰/۲۵)	۲
۱۲	$L: ۳x - y - ۲ = ۰$ $R(x, y) = (y, -x) (۰/۲۵)$ $A(۰, -۲) \xrightarrow{R} A'(-۲, ۰) (۰/۲۵)$ $B(۱, ۱) \xrightarrow{R} B'(1, -1) (۰/۲۵)$ $m' = \frac{-۱ - ۰}{۱ - (-۲)} = \frac{-۱}{۳} (۰/۲۵) \Rightarrow L': y - ۰ = \frac{-۱}{۳}(x + ۲) (۰/۲۵) \Rightarrow y = \frac{-۱}{۳}x - \frac{۲}{۳}$	۰/۲۵
۱۳	PR را به عنوان محور تقارن در نظر می‌گیریم. (۰/۲۵) تحت بازتاب نسبت به خط PR داریم:  $\left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow Q \\ P \rightarrow P \\ R \rightarrow R \end{array} \right\} \xrightarrow{(۰/۲۵)} S'PR \rightarrow Q'P'R (۰/۲۵)$ اندازه‌ی زاویه‌ی تحت بازتاب ثابت می‌ماند. $\Rightarrow S'PR = Q'P'R (۰/۲۵)$	۱

«ادامه در صفحه‌ی چهارم»

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷/۳/۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	الف) عمود منصف (۰/۲۵) ب) خط (۰/۲۵) پ) صفحه (۰/۲۵) ت) موازی (۰/۲۵)	۱
۱۵	<p>اگر خط L در صفحه P باشد حکم برقرار است. (۰/۲۵)</p> <p>فرض کنیم خط L در صفحه P قرار ندارد. اگر L' خطی از صفحه P باشد که با L موازی است، و L، L' متمایزند. صفحه‌ای را که از این دو خط موازی می‌گذرد P' می‌نامیم. (۰/۲۵) فصل مشترک دو صفحه P و P' همان خط L' است. (۰/۲۵) اگر خط L صفحه‌ی P را قطع کند محل تقاطع روی فصل مشترک این دو صفحه قرار دارد، (۰/۲۵) یعنی دو خط L و L' متقاطع خواهند شد که خلاف فرض است. (۰/۲۵) پس خط L صفحه P را قطع نمی‌کند و با آن موازی است. (۰/۲۵)</p>	۱/۵
۱۶	<p>الف) خیر، عکس تالس در فضا برقرار نیست. (۰/۲۵)</p> <p>ب) در مکعب مستطیل رسم شده، خطوط AB و EF موازی هستند و خط EH خط EF را قطع کرده است</p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>ولی خط EH خط AB را قطع نکرده است. (۰/۵)</p>	۱
۱۷	<p>از نقطه‌ی A خارج خط L' را موازی L رسم می‌کنیم (۰/۲۵).</p> <p>نقطه‌ی A روی خط L' است.</p> <p>طبق مسئله حل شده صفحه‌ی P را از نقطه‌ی A بر L' عمود می‌کنیم (۰/۲۵).</p> <p>صفحه‌ی P بر یکی از دو خط موازی عمود است پس بر دیگری یعنی L نیز عمود است. (۰/۲۵)</p> <p>اگر صفحه‌ی P' نیاز A گذشته و بر L عمود باشد با P موازی خواهد بود. (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین P و P' بر هم منطبق اند پس P یکتا است. (۰/۲۵)</p>	۱/۵
۲۰	موفق باشید «	جمع نمره

مصححین محترم: لطفا به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

با سمه تعالی

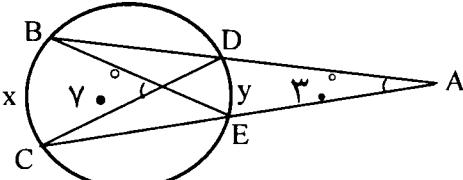
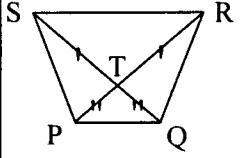
سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	دشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۳/۱۱	تعداد صفحات: ۲	
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات	نمره																
۱	<p>با رسم چند ضلعی های محدب تا شش ضلعی و رسم قطر های مربوط به هر رأس:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td><td>...</td><td>6</td><td>5</td><td>4</td><td>3</td><td></td> <td>تعداد ضلع ها</td> </tr> <tr> <td>?</td><td>...</td><td>?</td><td>2</td><td>1</td><td>0</td><td></td><td>تعداد قطر های رسم شده از یک رأس</td> </tr> </table> <p>الف) جدول مقابل را کامل کنید.</p> <p>ب) به کمک استدلال استقرایی بالا، رابطه ای برای تمام قطر های n ضلعی محدب بیابید.</p>	n	...	6	5	4	3		تعداد ضلع ها	?	...	?	2	1	0		تعداد قطر های رسم شده از یک رأس	۱/۲۵
n	...	6	5	4	3		تعداد ضلع ها											
?	...	?	2	1	0		تعداد قطر های رسم شده از یک رأس											
۲	<p>قضیه: ثابت کنید در هر مثلث نیمساز هر زاویه‌ی داخلی، ضلع رویرو به آن زاویه را به نسبت دو ضلع زاویه قطع می‌کند.</p>	۱/۷۵																
۳	<p>با استفاده از استدلال استنتاجی ثابت کنید اگر از یک نقطه‌ی اختیاری روی قاعده یک مثلث متساوی الساقین دو خط به موازات دو ساق رسم کنیم تا آنها را قطع کند، آنگاه مجموع طول پاره خط‌های ایجاد شده برابر طول ساق مثلث خواهد بود.</p>	۱																
۴	<p>با استفاده از خط کش و پرگار خطی موازی یک خط از یک نقطه‌ی خارج آن خط رسم کنید. (مراحل رسم را توضیح دهید).</p>	۰/۷۵																
۵	<p>درستی یانادرستی جملات زیر را مشخص کنید:</p> <p>الف) هر دو مثلث همنهشت دارای مساحت های برابر هستند.</p> <p>ب) کمان در خور زاویه 90° درجه روبه رو به پاره خط AB، دایره‌ای به قطر AB است.</p> <p>پ) اگر چند صفحه در فضای روی دو خط، پاره خط‌های متناظر متناسب ایجاد کرده باشند، لزوماً آن صفحه‌ها موازی هستند.</p> <p>ت) اگر صفحه‌ای بر یکی از دو صفحه موازی عمود باشد بر دیگری هم عمود است.</p>	۱																
۶	<p>قضیه: از نقطه‌ی M واقع در داخل دایرة (C) دو وتر دلخواه AA' و BB' رسم شده‌اند. ثابت کنید:</p> $MA \times MA' = MB \times MB'$	۱/۲۵																
۷	<p>دایرہ (O, R) داده شده است. مکان هندسی نقطه‌ای را تعیین کنید که مماسهای رسم شده از این نقطه بر دایرہ، بر هم عمود باشند.</p>	۱/۲۵																
۸	<p>ضلع‌های چهار ضلعی محیطی $GOLY$ بر دایرہ مماسند، $GO + LY = OL + GY$</p> <p>ثابت کنید:</p>	۱/۲۵																

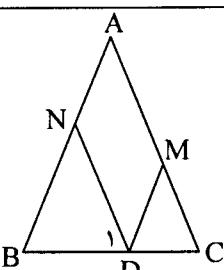
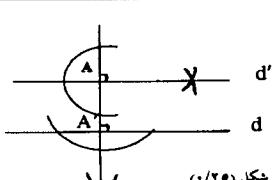
«ادامه‌ی سؤالات در صفحه‌ی دوم»

با سمه تعالی

مدت امتحان : ۱۳۵ دقیقه	دشته‌ی : ریاضی فیزیک ساعت شروع: ۸ صبح	سال سوم آموزش متوسطه
تعداد صفحات : ۲	تاریخ امتحان : ۱۳۹۲/۳/۱۱	
دانشآموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir		

ردیف	سؤالات	نمره
۹	در شکل زیر x و y را بیا بید. 	۱
۱۰	نقاط $A(6,1)$, $B(8,3)$, $C(6,5)$ و $D(4,3)$ رأس‌های یک مریع هستند. الف) مریع و تصویرش را تحت انتقال $T(x,y) = (x-5, y-2)$ رسم کنید. ب) طول و شیب ضلع AB و تصویرش را به دست آورده و با هم مقایسه کنید. پ) آیا تبدیل ایزو متري است؟ چرا؟	۲
۱۱	معادله تصویر خط $3x - y + 6 = 0$ تحت دوران $R(x,y) = (-y,x)$ را به دست آورید.	۱
۱۲	سه مورد از ویژگی‌های تبدیل تجانس را بنویسید.	۰/۷۵
۱۳	در شکل زیر PR و QS قطرها، $RT=ST=PT=QT$ و $\Delta QPR \cong \Delta PQS$ با استفاده از تبدیل بازتاب ثابت کنید: 	۱/۲۵
۱۴	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با صفحه P موازی باشد، هر صفحه که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می‌کند.	۱/۲۵
۱۵	ثابت کنید که اگر دو صفحه موازی باشند، هر خط واقع بر یکی از این صفحه‌ها، با صفحه دیگر موازی است. آیا آن عکس مطلب نیز درست است؟ یعنی اگر هر خط از صفحه مفروضی، با صفحه مفروض دیگر موازی باشد، آیا آن دو صفحه موازی‌ند؟	۱/۲۵
۱۶	از نقطه A خطی رسم کنید که بر صفحه P عمود باشد. (روش رسم را توضیح دهید)	۱
۱۷	جاهای حالی را بطور مناسب پر کنید: الف) در هر صفحه حداقل نقطه وجود دارد که بر یک خط قرار ندارند. ب) دو خط عمود بر یک صفحه با هم هستند. پ) سه خط دو به دو متقاطع که در یک صفحه قرار ندارند لزوماً با هم هستند. ت) در یک مکعب مستطیل هر دو وجه مجاور آن هستند.	۱
	موفق باشید «جمع نمره	۲۰

راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۳/۱۱
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir	مرکز سنجش آموزش و پژوهش

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																					
۱	<p style="text-align: right;">الف) رسم شکل (۰/۵)</p>  <p>تعداد ضلع ها</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px;">n</td> <td style="padding: 2px;">.....</td> <td style="padding: 2px;">۶</td> <td style="padding: 2px;">۵</td> <td style="padding: 2px;">۴</td> <td style="padding: 2px;">۳</td> <td style="padding: 2px;">.....</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">$n-3$</td> <td style="padding: 2px;">.....</td> <td style="padding: 2px;">۳</td> <td style="padding: 2px;">۲</td> <td style="padding: 2px;">۱</td> <td style="padding: 2px;">۰</td> <td style="padding: 2px;">تعداد قطرهای رسم شده از یک راس</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px; text-align: right;">$(0/25)$</td> <td style="padding: 2px;"></td> <td style="padding: 2px; text-align: right;">$(0/25)$</td> <td style="padding: 2px;"></td> <td style="padding: 2px;"></td> <td style="padding: 2px;"></td> <td style="padding: 2px;"></td> </tr> </table> <p>ب) $\frac{n(n-3)}{2} = \text{تعداد قطرهای } n \text{ ضلعی محدب}$</p>	n	۶	۵	۴	۳	$n-3$	۳	۲	۱	۰	تعداد قطرهای رسم شده از یک راس	$(0/25)$		$(0/25)$					۱/۲۵
n	۶	۵	۴	۳																	
$n-3$	۳	۲	۱	۰	تعداد قطرهای رسم شده از یک راس																	
$(0/25)$		$(0/25)$																					
۲	<p>برهان: فرض کنیم AD نیمساز داخلی زاویه A باشد ضلع های BC و BA را خطی به موازات نیمساز زاویه A (یعنی AD) رسم می کنیم تا امتداد BA را در E قطع کند. $(0/25)$ چون AD موازی CE است.</p> <p>اگر AC را به عنوان خط مورب در نظر بگیریم آنگاه: (1) $\hat{A}_1 = \hat{C}_1$ و (2) $\hat{A}_2 = \hat{E}_1$.</p> <p>اگر BE را به عنوان خط مورب آنها در نظر بگیریم آنگاه: (3) $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$. حال از رابطه های (1), (2) و (3) می توان نتیجه گرفت: $AE = AC$ $(0/25)$, پس مثلث AEC متساوی الساقین است و (4) $AE = AC$ $(0/25)$, در مثلث AD, BEC $\hat{C}_1 = \hat{E}_1$ موازی EC است، پس طبق قضیهٔ تالس داریم: (5) $\frac{AB}{AE} = \frac{BD}{DC}$ با توجه به رابطهٔ (4) اگر در رابطهٔ (5) به جای AE مساوی آن AC را جایگزین کنیم، خواهیم داشت: $(0/25)$ $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ که حکم ثابت می شود.</p>	۱/۷۵																					
۳	<p style="text-align: center;">$ND \parallel AC, BC$ مورب $\Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{C} (0/25)$</p> <p style="text-align: center;">$, \hat{B} = \hat{C} \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{B} \Rightarrow \overset{\Delta}{BND} \Rightarrow BN = DN (0/25)$</p> <p style="text-align: center;">$ANDM (\text{متوازی الاضلاع}) \Rightarrow AN = DM (0/25)$</p> <p style="text-align: center;">$\Rightarrow DN + DM = AN + BN \Rightarrow DN + DM = AB (0/25)$</p> 	۱																					
۴	<p>مساله راحل شده فرض می کنیم. می دانیم که دو خط عمود بر یک خط با هم موازیند.</p> <p>ابتدا از نقطه A بر خط d عمودی رسم می کنیم $(0/25)$ تا آن را در نقطه A' قطع کند. سپس از نقطه A' خطی عمود بر AA' رسم می کنیم $(0/25)$ و آن را d' می نامیم. خط d' همان خط مطلوب است.</p> 	۰/۷۵																					
	«دامنه در صفحهٔ دوم»																						

با سمه تعالی

رشته‌ی ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۳/۱۱	سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	الف) درست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) ت) درست (۰/۲۵)	۱
۶	<p>برهان: از A به B' و از B به A' وصل می‌کنیم، دو مثلث BMA' و AMB' متشابه‌اند. (۰/۲۵) زیرا:</p> $\begin{cases} \hat{A}MB' = \hat{A}'MB \\ \hat{A} = \hat{B} = \frac{A'B'}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{MA}{MB} = \frac{MB'}{MA'} \quad (\cdot/۲۵)$ $\Rightarrow MA \times MA' = MB \times MB'$	۱/۲۵
۷	<p>فرض می‌کنیم مساله حل شده باشد و M یکی از نقطه‌هایی باشد که از آن، دو مماس عمود برهم MT و MT' بر دایره‌ی $C(O, R)$ را رسم شده است. از O به نقطه‌های T و T' وصل می‌کنیم. چهار ضلعی $OTMT'$ مربع است. (۰/۲۵)</p> <p>زیرا چهار رضایه‌ی قائم دارد و دو ضلع مجاورش نیز برابرند.</p> <p>(۰/۲۵) دراین مربع $OM = R\sqrt{2}$ ($OT = OT' = R$) مقدار ثابتی است.</p> <p>مکان هندسی نقطه‌ی M دایره‌ای به مرکز O و شعاع $R\sqrt{2}$ است. (۰/۲۵)</p>	۱/۲۵
۸	$\begin{cases} OQ = OR \\ GQ = GP \\ YS = YP \\ LS = LR \end{cases} \Rightarrow OQ + GQ + YS + LS = OR + GP + YP + LR \quad (\cdot/۵)$ $\Rightarrow OG + YL = OL + GY \quad (\cdot/۲۵)$	۱/۲۵
۹	$\begin{cases} \frac{x+y}{2} = ۷۰ \\ \frac{x-y}{2} = ۳۰ \end{cases} \xrightarrow{(\cdot/۵)} x+y = ۱۴۰ \rightarrow x = ۱۰۰ \quad (\cdot/۵)$ $x-y = ۶۰ \rightarrow y = ۴۰ \quad (\cdot/۵)$	۱
۱۰	<p>الف) $T(x, y) = (x - \delta, y - \tau)$</p> $\begin{cases} A(۶, ۱) \rightarrow A'(۱, -۱) \\ B(۱, ۳) \rightarrow B'(۳, ۱) \\ C(۶, ۵) \rightarrow C'(۱, ۳) \\ D(۴, ۳) \rightarrow D'(-۱, ۱) \end{cases} \quad (\cdot/۲۵)$ <p>$\therefore AB = \sqrt{(۱-۶)^۲ + (-۱-۱)^۲} = \sqrt{\lambda} = ۲\sqrt{۲}$</p> $A'B' = \sqrt{(۳-۱)^۲ + (۱-(-۱))^۲} = \sqrt{\lambda} = ۲\sqrt{۲} \quad (\cdot/۲۵) \Rightarrow AB = A'B' \quad (\cdot/۲۵)$ <p>$m_{AB} = \frac{\tau-۱}{\lambda-۶} = ۱$</p> $m_{A'B'} = \frac{۱-(-۱)}{\tau-۱} = ۱ \quad (\cdot/۲۵) \Rightarrow m_{AB} = m_{A'B'} \quad (\cdot/۲۵)$ <p>رسم شکل (۰/۱۵)</p>	۲
	ج) بله، چون تبدیل انتقال ایزومنتری است. (۰/۲۵)	
	«ادامه در صفحه‌ی سوم»	

راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۳/۱۱
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سوارسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$L: 3x - y + 6 = 0$ $R(x, y) = (-y, x)$ $A(0, 6) \xrightarrow{D} A'(-6, 0) \quad (0/25)$ $B(-2, 0) \xrightarrow{D} B'(0, -2) \quad (0/25)$ $m' = \frac{0+2}{-6-0} = -\frac{1}{3} \quad (0/25) \Rightarrow L': y - 0 = -\frac{1}{3}(x + 6) \quad (0/25) \Rightarrow y = -\frac{1}{3}x - 2$	۱
۱۲	<p>- سه مورد از موارد زیر ذکر شود، هر کدام (۰/۲۵) است.</p> <p>- تجانس شبی خط را حفظ می کند.</p> <p>- تحت تجانس، مرکز تجانس ثابت می ماند.</p> <p>- تجانس طول یا مساحت را حفظ نمی کند.</p> <p>- تجانس طول را با ضریب K و مساحت را با ضریب K^2 تغییر می دهد.</p> <p>خط هایی که نقطه های نظری را به هم وصل می کنند، در مرکز تجانس هم رسانند.</p>	۰/۷۵
۱۳	<p>عمود منصف SR را به عنوان محور باز تاب در نظر می گیریم (۰/۲۵) با توجه به شکل تحت این باز تاب:</p> $\begin{cases} S \rightarrow R \\ P \rightarrow Q \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} SP \rightarrow RQ \\ SQ \rightarrow RP \quad (0/25) \end{cases} \\ Q \rightarrow P \quad PQ \rightarrow QP \end{cases} \xrightarrow[\text{بازتاب ایزو متري است}]{(0/25)} \begin{cases} SP = RQ \\ SQ = RP \Rightarrow QPR \cong PQS \quad (0/25) \\ PQ = QP \end{cases}$	۱/۲۵
۱۴	<p>برای اثبات این قضیه دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضای دو بعدی می گیریم.</p> <p>(الف) خط L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع می کند. ($0/25$) L و L' هر دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی کنند ($0/25$). زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می شود که خط L صفحه P را قطع می کند. که این خلاف فرض است. ($0/25$) پس بهم موازیند. ($0/25$)</p> <p>(ب) خط L در صفحه P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه P' که از L می گذرد صفحه P را در همان خط L قطع می کند. ($0/25$) و درستی قضیه روشن است.</p>	۱/۲۵
۱۵	<p>دو صفحه موازی P و P' و خط L روی P را در نظر می گیریم.</p> <p>فرض خلف: اگر L با P' موازی نباشد در نتیجه در نقطه ای مثل A آن را قطع می کند ($0/25$). چون P شامل L است پس $A \in P$ ($0/25$) پس $A \in P'$ و P' در نقطه A مشترک است ($0/25$) و این با موازی بودن P و P' در تناقض است ($0/25$). پس فرض خلف باطل و حکم برقرار است. عکس مطلب نیز درست است. ($0/25$)</p> <p>«ادامه در صفحه چهارم»</p>	۱/۲۵

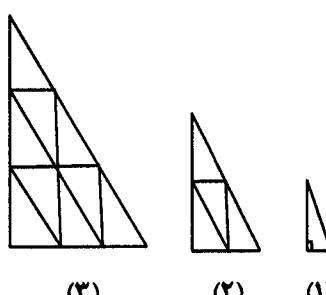
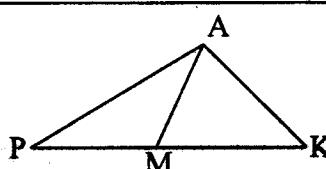
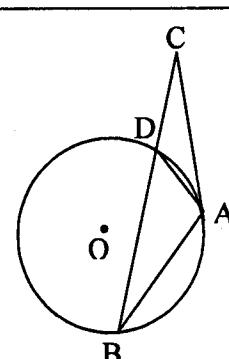
با سمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۲/۳/۱۱	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سوارسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	دو خط غیر موازی L_1 و L_2 را در صفحه‌ی P در نظر می‌گیریم (۰/۲۵) از نقطه‌ی A صفحه‌ی Q_1 را عمود بر L_1 (۰/۲۵) و صفحه‌ی Q_2 را عمود بر L_2 (۰/۲۵) رسم می‌کنیم. این دو صفحه متقاطع‌اند؛ فصل مشترک آنها را L می‌نامیم. طبق قضیه اساسی تعامد، L بر صفحه‌ی P عمود است (۰/۲۵) و L همان خط مطلوب است.	۱
۱۷	(الف) سه (۰/۲۵) (ب) همسر (۰/۲۵) (پ) موازی (۰/۲۵) (ت) برهمنمود (۰/۲۵)	۱
	«موفق باشید»	۲۰ جمع نمره

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سال سوم آموزش متوسطه
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات	نمره														
۱	<p>مثلثهای شکل‌های ۱، ۲، ۳ باهم متشابه و مثلثهای کوچک همه باهم همنهشت هستند. با توجه به شکل‌های زیر و با استفاده از استدلال استقرایی جدول زیر را کامل کنید.</p>  <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td><td>...</td><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td><td>شماره‌ی شکل</td></tr> <tr> <td>۹</td><td>...</td><td>۹</td><td>۹</td><td>۴</td><td>۱</td><td>تعداد مثلثهای کوچک</td></tr> </table>	n	...	۴	۳	۲	۱	شماره‌ی شکل	۹	...	۹	۹	۴	۱	تعداد مثلثهای کوچک	۰/۵
n	...	۴	۳	۲	۱	شماره‌ی شکل										
۹	...	۹	۹	۴	۱	تعداد مثلثهای کوچک										
۲	قضیه: ثابت کنید در هر مثلث، مجموع طول های هر دو ضلع از طول ضلع سوم بزرگ‌تر است.	۱														
۳	<p>در مثلث PAK نقطه‌ی M روی ضلع PK قرار دارد. ثابت کنید اگر $PM=AK$ آنگاه $AP > MK$.</p> 	۱														
۴	قضیه: ثابت کنید عمود منصف‌های ضلع‌های هر مثلث همسنند.	۱/۲۵														
۵	<p>خط d و نقطه‌ی A غیر واقع بر آن، داده شده‌اند. نقطه‌ای روی خط d تعیین کنید که از نقطه‌ی A به فاصله‌ی R باشد. با توجه به اندازه‌ی R روی تعداد جواب‌های مساله بحث کنید.</p>	۱														
۶	قضیه: ثابت کنید طول مماس‌های رسم شده بر یک دایره از هر نقطه‌ی خارج آن با هم برابرند.	۰/۷۵														
۷	<p>پاره خط AB به طول ۴ سانتی‌متر داده شده است. کمان در خور زاویه‌ی 30° روی AB مفروض است. شعاع دایره‌ای را که این کمان درخور بخشی از آن است و فاصله‌ی مرکز این دایره از پاره خط AB را تعیین کنید.</p>	۱														
۸	<p>قضیه: ثابت کنید اندازه‌ی زاویه‌ای که از برخور دامتداد دو وتر از یک دایره پدیدهد می‌آید، برابر قدر مطلق نصف تفاضل اندازه‌ی کمان‌هایی از آن دایره است که به ضلع‌های آن زاویه محدودند.</p>	۱														
۹	<p>در دایره‌ی (O) مماس AC و وتر AB با یکدیگر مساوی‌اند. خط BC دایره را در نقطه‌ی D قطع کرده است. ثابت کنید مثلث ADC، متساوی الساقین است.</p> 	۱														
	«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»															

پاسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	دسته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه			تاریخ امتحان: ۳ / ۳ / ۱۳۹۱
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱			مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	سوالات	نمره
۱۰	<p>شکل زیر نشان دهنده‌ی دو دایره‌ی مماس برون است.</p> <p>(الف) این شکل دارای چند معامل مشترک خارجی و چند معامل مشترک داخلی است؟</p> <p>(ب) اگر $R = 9$ و $R' = 4$ آنگاه اندازه‌ی مماس مشترک خارجی آنها را به دست آورید.</p>	۱/۲۵
۱۱	<p>نقاط (۱,۶)، (۳,۶)، (۵,۸) و (۳,۱۰) رأس‌های یک مربع هستند.</p> <p>(الف) مربع و تصویرش را تحت انتقال $T(x, y) = (x - 5, y - 2)$ رسم کنید.</p> <p>(ب) طول و شیب ضلع AB و تصویرش را به دست آورده و با هم مقایسه کنید.</p> <p>(پ) آیا تبدیل ایزو متري است؟ چرا؟</p>	۲
۱۲	<p>خط به معادله $0 = 12 - 2y - 3x$ و تصویرش را تحت تبدیل تجانس $D(x, y) = \left(\frac{1}{3}x, \frac{1}{2}y\right)$ رسم کنید.</p> <p>سپس معادله‌ی خط تصویر را به دست آورید.</p>	۱/۵
۱۳	<p> مثلث ABC و مثلث ECD متساوی الاضلاع هستند. با استفاده از تبدیل دوران ثابت کنید: $\hat{AFB} = 60^\circ$ و $AD = BE$</p>	۱
۱۴	<p>درستی یا نادرستی جملات زیر را تعیین کنید.</p> <p>(الف) هر زاویه‌ی خارجی یک چند ضلعی، از هر زاویه‌ی داخلی آن بزرگتر است.</p> <p>(ب) تبدیل بازتاب جهت شکل را حفظ نمی‌کند.</p> <p>(پ) اگر دو خط متقاطع باشند تحت یک بازتاب نیمساز زاویه‌ی تشکیل شده بین خط و تصویرش محور تقارن است.</p> <p>(ت) اگر دو صفحه‌ی P و P' برهمنمود باشند، هر خط عمود بر صفحه‌ی P بر صفحه‌ی P' نیز عمود است.</p>	۱
۱۵	<p>قضیه: ثابت کنید اگر خط L با صفحه‌ی P موازی باشد، هر صفحه‌که از L بگذرد و با P متقاطع باشد، P را در یک خط موازی L قطع می‌کند.</p>	۱/۲۵
۱۶	<p>اگر سه خط L_1، L_2 و L_3 دو به دو متقاطع باشند، ثابت کنید این سه خط در یک صفحه قرار دارند و یا هم‌سند.</p>	۱/۲۵
۱۷	<p>ثابت کنید دو صفحه‌ی P و P' موازی هستند اگر و تنها اگر هر خط واقع بر یکی از این صفحه‌ها، با صفحه‌ی دیگر موازی باشد.</p>	۱
۱۸	<p>(الف) دو خط متناصر را تعریف کنید.</p> <p>(ب) نشان دهید اگر خطی بر صفحه‌ای عمود باشد، بر هر خط از آن صفحه نیز، عمود است.</p>	۱/۲۵
	<p>«موفق باشید»</p> <p>جمع نمره</p>	۲۰

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																							
۱	<table border="1"> <tr> <td style="text-align: center;">۰/۵</td> <td style="text-align: center;"> <table border="1"> <tr> <td style="text-align: center;">n</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td style="text-align: center;">۲</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">شماره شکل</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">n^2</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۱۶</td> <td style="text-align: center;">۹</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">تعداد مثلث های کوچک</td> </tr> <tr> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td></td> </tr> </table> </td> <td></td> </tr> </table>	۰/۵	<table border="1"> <tr> <td style="text-align: center;">n</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td style="text-align: center;">۲</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">شماره شکل</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">n^2</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۱۶</td> <td style="text-align: center;">۹</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">تعداد مثلث های کوچک</td> </tr> <tr> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td></td> </tr> </table>	n	۴	۳	۲	۱	شماره شکل	n^2	۱۶	۹	۴	۱	تعداد مثلث های کوچک	(۰/۲۵)			(۰/۲۵)				
۰/۵	<table border="1"> <tr> <td style="text-align: center;">n</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td style="text-align: center;">۲</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">شماره شکل</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">n^2</td> <td style="text-align: center;">.....</td> <td style="text-align: center;">۱۶</td> <td style="text-align: center;">۹</td> <td style="text-align: center;">۴</td> <td style="text-align: center;">۱</td> <td style="text-align: center;">تعداد مثلث های کوچک</td> </tr> <tr> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td colspan="3" style="text-align: center;">(۰/۲۵)</td> <td></td> </tr> </table>	n	۴	۳	۲	۱	شماره شکل	n^2	۱۶	۹	۴	۱	تعداد مثلث های کوچک	(۰/۲۵)			(۰/۲۵)						
n	۴	۳	۲	۱	شماره شکل																			
n^2	۱۶	۹	۴	۱	تعداد مثلث های کوچک																			
(۰/۲۵)			(۰/۲۵)																						

با سمه تعالی

رشنای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ http://aee.medu.ir		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>دایره‌ای به شعاع R و به مرکز A را رسم می‌کنیم. محل برخوردارین دایره با خط d جواب مساله است. (۰/۲۵)</p> <p>اگر $AH > R$ مساله جواب ندارد (۰/۲۵) اگر $AH = R$ مساله یک جواب دارد. (۰/۲۵) اگر $AH < R$ مساله دو جواب دارد. (۰/۲۵)</p>	۱
۶	<p>چون شعاع در نقطه‌ی تماس بر خط مماس عمود است نتیجه می‌گیریم: $\hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ$</p> $\begin{cases} \hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ \\ OT = OT' \quad (./5) \Rightarrow \triangle OMT \cong \triangle OMT' \\ OM = OM \end{cases}$ $\Rightarrow MT = MT' \quad (./25)$	۰/۷۵
۷	$R = \frac{a}{\gamma \sin \alpha} \quad (./25) \Rightarrow R = \frac{4}{\gamma \sin 30^\circ} = 4 \quad (./25)$ $OH = R \cos \alpha \quad (./25) \Rightarrow OH = 4 \cos 30^\circ = 2\sqrt{3} \quad (./25)$	۱
۸	<p>امتداد وترهای AA' و BB' از دایره‌ی C در نقطه‌ی M یکدیگر را قطع کرده‌اند. پاره خط AB' را رسم می‌کنیم.</p> $\begin{aligned} \Delta AMB' : \quad & \hat{A}\hat{B}'\hat{B} = \hat{B}'\hat{A}\hat{M} + \hat{A}\hat{M}\hat{B}' \quad (./25) \\ & \Rightarrow \hat{A}\hat{M}\hat{B}' = \hat{A}\hat{B}'\hat{B} - \hat{B}'\hat{A}\hat{M} = \frac{\widehat{AB}}{2} - \frac{\widehat{A'B'}}{2} \quad (./5) \\ & \Rightarrow \hat{A}\hat{M}\hat{B} = \hat{A}\hat{M}\hat{B}' = \frac{\widehat{AB} - \widehat{A'B'}}{2} \end{aligned}$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	۱
۹	$\Delta ABC : \begin{cases} AC = AB \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} \quad (./25) \\ \hat{B} = \frac{\widehat{AD}}{2} \quad \text{محاطی} \quad (./25) \Rightarrow D\hat{A}C = \hat{C} \Rightarrow DC = DA \quad (./25) \\ \hat{D}\hat{A}C = \frac{\widehat{AD}}{2} \quad \text{ظلی} \quad (./25) \end{cases}$	۱
	«ادامه‌ی راهنمای در صفحه‌ی سوم»	

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پژوهش دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱	

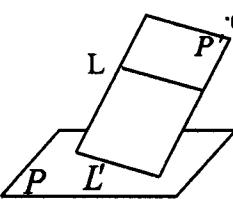
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	یک معاس مشترک داخلی (۰/۲۵) و دو معاس مشترک خارجی (۰/۰۰) دارد. $R = ۴ \quad TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \quad (۰/۰۰)$ $R' = ۹ \quad TT' = \sqrt{(R + R')^2 - (R - R')^2} \quad (۰/۰۰)$ $TT' = \sqrt{۱۶۹ - ۲۵} = \sqrt{۱۴۴} = ۱۲ \quad (۰/۰۰)$	۱/۲۵
۱۱	<p>الف) $T(x, y) = (x - ۵, y - ۲)$</p> $\left. \begin{array}{l} A(۶, ۱) \rightarrow A'(۱, -۱) \\ B(۱, ۳) \rightarrow B'(۳, ۱) \\ C(۶, ۵) \rightarrow C'(۱, ۳) \\ D(۴, ۳) \rightarrow D'(-۱, ۱) \end{array} \right\} (۰/۰۰)$ <p>رسم شکل (۰/۰)</p>	۲
۱۲	<p>ج) بله، چون تبدیل انتقال ایزومتری است. (۰/۰۰)</p> <p>$L : ۳x - ۲y - ۱۲ = ۰$</p> $D(x, y) = \left(\frac{۱}{۳}x, \frac{۱}{۲}y \right)$ $A(۰, -۶) \xrightarrow{D} A'(۰, -۳) \quad (۰/۰۰)$ $B(۴, ۰) \xrightarrow{D} B'(۲, ۰) \quad (۰/۰۰)$ $m' = \frac{۰+۳}{۲-۰} = \frac{۳}{۲} \quad (۰/۰۰) \Rightarrow L' : y - ۰ = \frac{۳}{۲}(x - ۲) \quad (۰/۰۰) \Rightarrow y = \frac{۳}{۲}x - ۳ \quad (۰/۰۰)$ <p>رسم شکل (۰/۰)</p>	۱/۵
	«ادامه‌ی راهنمای در صفحه‌ی چهارم»	

با اسمه تعالی

رشته‌ی : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۱ / ۳ / ۳		سال سوم آموزش متوسطه
موکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	تحت یک دوران 60° حول نقطه C ، مثلث ACD روی مثلث BCE تصویر می‌شود. ($0/25$) بنابراین $AD \rightarrow BE$ و AD ضلع BE را با زاویه 60° قطع می‌کند. ($0/25$) چون طول تحت دوران حفظ می‌شود $\hat{A}\hat{F}B = 60^\circ$ و $AD=BE$ پس ($0/25$) $AD=BE$	۱
۱۴	(الف) نادرست ($0/25$) (ب) درست ($0/25$) (پ) درست ($0/25$) (ت) نادرست ($0/25$)	۱
۱۵	برای اثبات این قضیه دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضای دو بعدی می‌گیریم. (f) خط L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع می‌کند. ($0/25$) L و L' هر دو در صفحه P' هستند و یکدیگر را قطع نمی‌کنند. ($0/25$) زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می‌شود که خط L صفحه P را قطع می‌کند. که این خلاف فرض است. ($0/25$) پس باهم موازیند. ($0/25$) (b) خط L در صفحه P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه P' متمایز از P که از L می‌گذرد صفحه P را در همان خط L قطع می‌کند. ($0/25$) و درستی قضیه روشن است.	۱/۲۵
۱۶	از دو خط L_1 و L_2 صفحه P را می‌گذرانیم ($0/25$) اگر L_3 در صفحه P باشد، حکم برقرار است ($0/25$) در صورتی که L_3 در صفحه P نباشد. چون L_3 با L_1 و L_2 متقاطع است. پس صفحه P را در نقطه i مشترک L_1 و L_2 قطع می‌کند. ($0/25$) زیرا در غیر این صورت باید صفحه را در دو نقطه i و j متمایز قطع کند. ($0/25$) یعنی L_3 به تمامی در صفحه P قرار می‌گیرد. که این خلاف فرض است. ($0/25$)	۱/۲۵
۱۷	فرض کنیم $P' \parallel P$ و $d \subset P$ اگر خط d با صفحه P' متقاطع باشد پس صفحه P' با صفحه P متقاطع خواهد بود که این خلاف فرض است پس $d \parallel P'$. ($0/25$) بعکس فرض کنیم هر خط مانند d از صفحه P' موازی باشد. ($0/25$) اگر صفحه P با صفحه P' متقاطع باشد آنگاه در یک خط مانند L مشترک خواهد بود ($0/25$) اگر خط d در صفحه P متقاطع باشد در نقطه A رسم شود خط d صفحه P' را در نقطه A' قطع کرده است که این خلاف فرض است. ($0/25$) پس $P' \parallel P$	۱
۱۸	(الف) دو خط در فضای دو بعدی در صفحه P قرار نمی‌گیرند، دو خط متناظر می‌گوییم. ($0/5$) (b) فرض کنید خط L بر صفحه P عمود است و آن را در نقطه A قطع کرده است. فرض کنید L' خط دلخواهی در صفحه P باشد. از نقطه A در صفحه P خط " L' را به موازات L رسم می‌کنیم. ($0/25$) از آنجا که L بر " L' عمود است و L' با L موازی است، L بر L' هم عمود است. ($0/5$)	۱/۲۵

مصححین محترم: لطفاً به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منتظر شود.

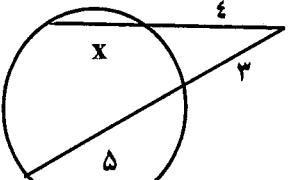
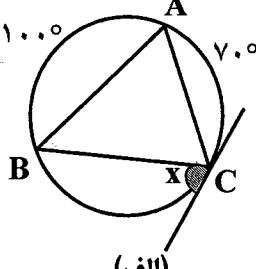
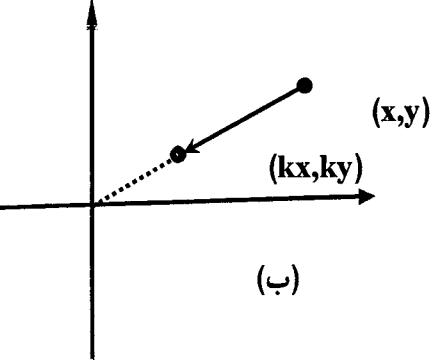
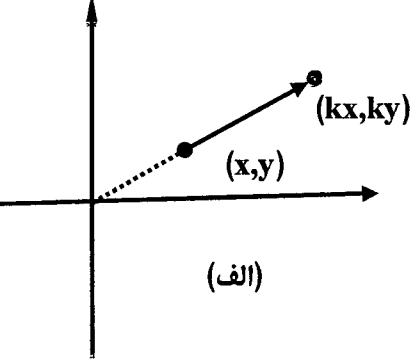


با سمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه			تاریخ امتحان: ۱۳۹۰/۶/۵
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰ مرکز سنجش آموزش و پرورش			http://aee.medu.ir

ردیف	سوالات	نمره
۱	واژه‌های زیر را تعریف کنید. الف) مثال نقض ب) تبدیل تجانس پ) دو خط متقاطع	۱/۵
۲	قضیه: ثابت کنید در هر مثلث نیمساز هر زاویه‌ی داخلی، ضلع روبرو به آن زاویه را به نسبت دو ضلع زاویه قطع می‌کند.	۱/۷۵
۳	در چهار ضلعی IRAN، دو قطر RN و IA یکدیگر را در H قطع می‌کنند. با استفاده از برهان خلف نشان دهید اگر $RA=RI$ و $NI \neq NA$ آنگاه RN نیمساز زاویه IRA نیست.	۱
۴	دو نقطه A و B و خط d در یک صفحه واقعند. نقطه‌ای روی خط d باید که از دو نقطه‌ی A و B به یک فاصله باشد. مساله چند جواب دارد؟ (بحث کنید)	۱
۵	درستی یا نادرستی جملات زیر را معلوم کنید. الف) نقطه‌ی همروزی میانه‌های مثلث، مرکز نقل آن است. ب) هر زاویه‌ی خارجی یک چند ضلعی از هر زاویه‌ی داخلی آن بزرگتر است. پ) در تبدیل تجانس خط‌هایی که نقطه‌های نظیر را به هم وصل می‌کنند، در مرکز تجانس هم‌رسند. ت) اگر سه صفحه دو به دو متقاطع باشند، آنگاه فصل مشترک‌های این سه صفحه، سه خط موازینند.	۱
۶	قضیه: ثابت کنید در هر دایره قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان‌های نظیر آن وتر را نصف می‌کند.	۱
۷	پاره خط AB به طول $\sqrt{2}$ سانتی متر و کمان در خور زاویه‌ی 45° روبرو به این پاره خط مفروض است. شاعع دایره‌ای را که این کمان در خور بخشی از آن است و فاصله مرکز این دایره از پاره خط AB را تعیین کنید.	۱
۸	قضیه: ثابت کنید اندازه‌ی زاویه‌ای که از برخورد دو وتر در یک دایره ایجاد می‌شود برابر نصف مجموع اندازه‌ی دو کمانی از دایره است که به ضلع‌ها وامتداد ضلع‌ها از آن زاویه محدودند.	۰/۷۵
	«ادامه در صفحه‌ی دوم»	

ساعت شروع: ۹: صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰/۶/۵			سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir			دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰

ردیف	سؤالات	نمره
۹	مقدار x را در هریک از شکل های زیر بحسب آورید	۱/۲۵
		(ب)
		(الف)
۱۰	مقدار a را چنان بیابید که اندازه ای مماس مشترک خارجی دو دایره به شعاع های ۸ و ۲ و خط المرکزین $d=10$ باشد. سپس تعیین کنید این دو دایره چند مماس مشترک داخلی دارند.	۱
۱۱	نقاط $A(2,3)$ و $B(-4,1)$ را در نظر بگیرید. الف) مختصات تصویر نقاط A و B را تحت تبدیل $R(x,y) = (-y, -x)$ بدست آورید. ب) طول پاره خط AB و تصویرش و همچنین شبیه AB و تصویرش را بدست آورده و با هم مقایسه کنید.	۱/۲۵
۱۲	خط $3x+6y=0$ مفروض است. معادله ای تصویر خط را تحت دوران به مرکز $O(0,0)$ و زاویه 370° به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	با استفاده از ویژگی های تبدیل انتقال، ثابت کنید در مثلث دلخواه ABC مجموع زویه های خارجی 360° است.	۱/۲۵
۱۴	باتوجه به تبدیل تجانس تعیین کنید کدام یک از شکل های زیر انقباض و کدام یک انبساط است.	۰/۵
		(ب)
		(الف)
	«ادامه در صفحه ی سوم»	

با سمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۰/۰۶/۵	
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰	مرکز سنجش آموزش و پرورش	http://aee.medu.ir

ردیف	سوالات	ردیف
۱۵	جاهای خالی را بطور مناسب پر کنید. الف) اگر قسمتی از یک شکل باکل شکل متشابه باشد، آن شکل نامیده می شود. ب) از هر نقطه مانند A در فضا صفحه می گذرد که بر خطی مانند L عمود باشد. پ) از هر دو نقطه ای متمایز در فضا صفحه می گذرد. ت) حد اقل نقطه در فضا وجود دارد که در یک صفحه قرار ندارد.	۱
۱۶	قضیه(تالس در فضا): اگر P، Q و R سه صفحه موازی باشند و دو خط L و L' این صفحه ها را به ترتیب در نقطه های A و A'، B و B'، C و C' قطع کنند، آنگاه: $\frac{AB}{BC} = \frac{A'B'}{B'C'}$	۱/۷۵
۱۷	ابتدا از نقطه A خارج صفحه P، خطی موازی P رسم کنید. (روش رسم را توضیح دهید) سپس مشخص کنید چند خط می توان از یک نقطه ای مفروض موازی یک صفحه ای مفروض گذراند.	۱
۱۸	اگر دو صفحه متقطع Q_1 و Q_2 بر صفحه P عمود باشند، ثابت کنید فصل مشترک دو صفحه Q_1 و Q_2 بر صفحه P عمود است. (راهنمایی: یک خط δ عمود بر صفحه P در نظر بگیرید. وضعیت خط δ نسبت به دو صفحه Q_1 و Q_2 چگونه است)	۰/۷۵
۲۰	موفق باشید جمع نمره	

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰ / ۶ / ۵		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	<p>الف) به مثالی که نشان دهد یک نتیجه گیری یا یک حدس کلی نادرست است مثال نقض گفته می شود . (۰/۵)</p> <p>ب) تجانس به مرکز O و نسبت k تبدیلی است که هر نقطه i در صفحه را به نقطه i مانند A' از آن صفحه طوری نظیر کند که :</p> <p>الف) مرکز تجانس یعنی نقطه i ثابت باشد.</p> <p>ب) از خط OA' قرار گیرد و $OA' = k \cdot OA$ (۰/۵)</p> <p>پ) دو خط در فضای که در یک صفحه قرار نمی گیرند ، دو خط متقاطع می نامیم . (۰/۵)</p>	۱/۵
۲	<p>برهان : فرض کنیم AD نیمساز داخلی زاویه A باشد ضلع های BA و BC را</p> <p>امتداد می دهیم و از راس C خطی به موازات نیمساز زاویه i A (یعنی AD) رسم می کنیم تا امتداد BA را در E قطع کند. (۰/۲۵) چون AD موازی CE است ، اگر AC را به عنوان خط مورب در نظر بگیریم آنگاه : $\hat{A}_1 = \hat{C}_1$ (۱)، و اگر BE را به عنوان خط مورب آنها در نظر بگیریم آنگاه : $\hat{B}_1 = \hat{E}_1$ (۰/۲۵). از طرفی طبق فرض مسئله ، AD نیمساز است در نتیجه : $\hat{A}_1 = \hat{B}_1$ حال از رابطه های (۱)، (۲) و (۳) می توان نتیجه گرفت : $AC = AE$ (۰/۲۵)، پس مثلث AEC متساوی الساقین است و $\hat{C}_1 = \hat{E}_1$ (۰/۲۵). در مثلث BEC ، $\frac{AB}{AE} = \frac{BD}{DC}$ (۰/۲۵) با توجه به رابطه i (۴) اگر در رابطه i (۵) به جای AE مساوی آن AC را جایگزین کنیم ، خواهیم داشت : $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ (۰/۲۵) که حکم ثابت می شود .</p>	۱/۷۵
۳	<p>برهان خلف : فرض کنیم RN نیمساز زاویه i RHI باشد . (۰/۲۵) بنابراین داریم :</p> <p style="text-align: center;">$\hat{R}_1 = \hat{R}_2$</p> <p style="text-align: center;">$\Delta RHI \cong \Delta RIN$</p> <p>در نتیجه $RIN \cong RAN$ (ض زض) (۰/۲۵)، پس $IN = AN$</p> <p>که این با فرض مسئله تناقض دارد (۰/۲۵)، بنابراین فرض خلف باطل و حکم مسئله ثابت است . (۰/۲۵)</p>	۱
۴	<p>ابتدا دو نقطه i A و B را به هم وصل کرده ، سپس عمود منصف آن را رسم می کنیم . (۰/۲۵)</p> <p> محل تقاطع پاره خط AB با خط d جواب مسئله است .</p> <p>۱- اگر عمود منصف پاره خط AB بر خط d منطبق شود مسئله بیشمار جواب دارد . (۰/۲۵)</p> <p>۲- اگر عمود منصف پاره خط AB با خط d متقاطع باشد ، محل تقاطع آنها جواب مسئله است و مسئله یک جواب دارد . (۰/۲۵)</p> <p>۳- اگر عمود منصف پاره خط AB با خط d موازی و غیر منطبق بر d باشد ، مسئله جواب ندارد . (۰/۲۵)</p>	۱
۵	<p>الف) درست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵) ت) نادرست (۰/۲۵)</p> <p>«ادامه در صفحه i دوم»</p>	۱

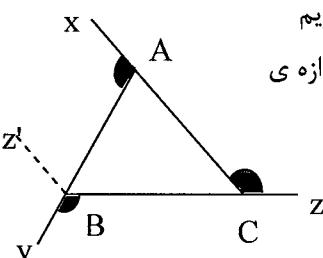
ساعت شروع: ۹ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰/۶/۵		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	<p>برهان: از مرکز دایره به نقاط A و B وصل می‌کنیم. (۰/۲۵) در مثلث متساوی الساقین $\triangle OAB$ می‌دانیم ارتفاع OH نیمساز رأس \hat{O} (۰/۲۵) و میانه ضلع AB نیز است. (۰/۲۵) بنابراین:</p> $\hat{AE} = \hat{BE} \text{ درنتیجه: } A\hat{O}E = B\hat{O}E, AH = HB$	۶
۱	$R = \frac{a}{rsin\alpha} \xrightarrow{(./25)} R = \frac{\frac{r\sqrt{3}}{2}}{\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{2}} = ۳ \quad (./25) \quad OH = R \cos\alpha \xrightarrow{(./25)} OH = \frac{r\sqrt{3}}{2} \quad (./25)$	۷
۰/۷۵	<p>برهان: پاره خط' AB را رسم می‌کنیم. زاویه‌ی AMB زاویه‌ی خارجی مثلث' AMB است. (۰/۲۵)</p> $\hat{AMB} = \hat{AB'M} + \hat{B'AM} \quad (./25)$ $\hat{AMB} = \hat{AB'B} + \hat{A'AB'} \quad (./25)$ $\hat{AB'B} = \frac{\hat{AB}}{2} \text{ و } \hat{A'AB'} = \frac{\hat{A'B'}}{2} \Rightarrow \hat{AMB} = \frac{\hat{AB} + \hat{A'B'}}{2} \quad (./25)$ <p>بنابراین حکم ثابت شد.</p>	۸
۱/۲۵	<p>(توجه: به اصلاحیه پایان راهنمای تصحیح توجه شود.)</p> $\hat{BC} + ۱۰۰^\circ + ۷۰^\circ = ۳۶۰^\circ \xrightarrow{(./25)} \hat{BC} = ۱۹۰^\circ \quad (\text{الف})$ $\hat{x} = \frac{\hat{BC}}{2} \xrightarrow{(./25)} \frac{۱۹۰^\circ}{2} = ۹۵^\circ \quad (./25) \quad (\text{زاویه ظلی})$ <p>ب) $4(4+x) = 3(3+5) \xrightarrow{(./25)} 4+x = 6 \xrightarrow{(./25)} x = ۲$</p>	۹
۱	$TT' = \sqrt{d^2 - (R-R')^2} \quad (./25) \Rightarrow ۴a - ۱ = \sqrt{۱۰۰ - ۳۶} \quad (./25) = ۸ \Rightarrow a = ۳ \quad (./25)$ <p>این دو دایره یک مماس مشترک داخلی دارند. (۰/۲۵) زیرا مماس برون هستند. (R+R')</p>	۱۰
	«ادامه در صفحه‌ی سوم»	

ساعت شروع: ۹ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰ / ۶ / ۵		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱	$R(x, y) = (-y, -x)$ $A(2, 2) \xrightarrow{R} A'(-3, -2)$, $B(-1, 4) \xrightarrow{R} B'(-4, 1)$ (. / ۲۵) $AB = \sqrt{(-1 - 2)^2 + (4 - 2)^2} = \sqrt{9 + 1} = \sqrt{10}$ $A'B' = \sqrt{(-4 + 3)^2 + (1 + 2)^2} = \sqrt{1 + 9} = \sqrt{10}$ (. / ۲۵) $\rightarrow AB = A'B'$ (. / ۲۵) $m_{AB} = \frac{4-2}{-1-2} = -\frac{1}{3}$, $m_{A'B'} = \frac{1+2}{-4+3} = -\frac{3}{1}$ (. / ۲۵) $\rightarrow m_{AB} \neq m_{A'B'}$ (. / ۲۵)	۱/۲۵
۱۲	$R(x, y) = (y, -x)$ (. / ۲۵) $x - 3y + 6 = 0$ $A \in L \Rightarrow A = (., 2) \xrightarrow{R} A' (2, .)$ (. / ۲۵) $B \in L \Rightarrow B = (-6, .) \xrightarrow{R} B' (., 6)$ (. / ۲۵) $m_{A'B'} = \frac{6-0}{0-2} = -3$ (. / ۲۵) $y - 0 = -3(x - 2)$ (. / ۲۵) $\Rightarrow y = -3x + 6$	۱/۲۵
۱۳	<p>ابتدا AX را موازی BZ رسم می کنیم سپس بردار AB را بردار انتقال درنظر می گیریم، تحت این انتقال زاویه $\angle BAX$ به زاویه $\angle YBZ'$ منتقل می شود. (۰ / ۲۵) همچنین بردار CB را بردار انتقال دیگری درنظر می گیریم که تحت این انتقال زاویه $\angle CBA$ به $\angle ZCA$ منتقل می شود. (۰ / ۲۵) می دانیم که انتقال اندازه زاویه را حفظ می کند. (۰ / ۲۵) پس داریم:</p>  $\begin{aligned} B\hat{A}X &\xrightarrow{AB} Y\hat{B}Z' \\ Z\hat{C}A &\xrightarrow{CB} C\hat{B}Z' \\ Y\hat{B}C + C\hat{B}Z' + Y\hat{B}Z' &= 360^\circ \quad (0 / 25) \\ Y\hat{B}C + Z\hat{C}A + B\hat{A}X &= 360^\circ \quad (0 / 25) \end{aligned}$	۱/۲۵
۱۴	شکل (ب) انبساط (۰ / ۲۵)	۰/۵
۱۵	الف) خود-متشابه	۱
	«ادامه در صفحه چهارم»	

ساعت شروع: ۹ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰ / ۶ / ۵		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	<p>برهان: طبق شکل خط AC' را رسم می کنیم. این خط صفحه Q را در نقطه ای مانند M قطع می کند. صفحه گذرنده از دو خط متقطع AC و AC' را P_1 و صفحه گذرنده از دو خط متقطع AC' و CC' را P_2 می نامیم. ($۰/۲۵$)</p> <p>دو خط CC' و BM در صفحه P_1 موازیند. ($۰/۲۵$) در صفحه P_1 با استفاده از قضیه تالس داریم:</p> $\frac{AB}{BC} = \frac{AM}{MC} \quad (۰/۲۵)$ <p>همچنین دو خط AA' و MB' در صفحه P_2 موازیند. ($۰/۲۵$)</p> <p>و در صفحه P_2 با استفاده از قضیه تالس داریم:</p> $\frac{\bar{A}\bar{B}}{\bar{B}\bar{C}} = \frac{AM}{MC} \quad (۰/۲۵)$ <p>از این دو تناسب نتیجه می شود: ($۰/۲۵$)</p> <p>تمکیل شکل ($۰/۲۵$)</p>	۱/۷۵
۱۷	<p>در صفحه P خط دلخواه L را رسم می کنیم سپس از نقطه A، خط L' را موازی L رسم می کنیم. ($۰/۲۵$)</p> <p>L' با یکی از خط های صفحه P موازی است، پس خط L' با صفحه P موازی است. ($۰/۲۵$)</p> <p>بیشمار خط از نقطه A به موازات صفحه P می توان رسم کرد. ($۰/۲۵$)</p> <p>تمکیل شکل ($۰/۲۵$)</p>	۱
۱۸	<p>اگر دو صفحه P و $Q_۱$ و $Q_۲$ بر صفحه P عمود باشند و AO فصل مشترک آنها باشد، خط δ عمود بر صفحه P را در نظر می گیریم می دانیم δ به موازات صفحه های $Q_۱$ و $Q_۲$ می باشد ($۰/۲۵$). بنابراین خط δ به موازات خط AO است ($۰/۲۵$). پس خط O بر عمود P است. ($۰/۲۵$)</p> <p>تمکیل شکل ($۰/۲۵$)</p>	۰/۷۵
۲۰	<p>جمع نمره موفق باشید</p>	

محترمین مصححین: لطفا به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

توجه: به علت عدم تایپ x در قسمت (الف) سوال ۹ چنانچه دانشآموزی به قسمت مذکور پاسخ

صحیح داده باشد نمره کامل منظور شود. در غیر این صورت نمره به شکل زیر توزیع می گردد:

در سؤال ۸ سطر اول بعد از عبارت رسم می کنیم ($۰/۲۵$) و در سطر دوم بعد از کلمه پس ($۰/۵$) و در

سوال ۹ قسمت (ب) بعد از پرانتز دوم ($۰/۵$) منظور شود.